

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
**Муромский институт (филиал)**  
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования  
**«Владимирский государственный университет  
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»**  
(МИ ВлГУ)

Кафедра *ФПМ*

«УТВЕРЖДАЮ»  
Заместитель директора по УР  
\_\_\_\_\_ Д.Е. Андрианов  
\_\_\_\_\_ 25.05.2021

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

*Математика*

**Направление подготовки**

*15.03.02 Технологические машины и  
оборудование*

**Профиль подготовки**

Семестр	Трудоем- кость, час./зач. ед.	Лек- ции, час.	Практи- ческие занятия, час.	Лабора- торные работы, час.	Консультация, час.	Конт- роль, час.	Всего (контакт- ная работа), час.	СРС, час.	Форма промежу- точного контроля (экз., зач., зач. с оц.)
1	126 / 3,5	16	16		1,6	1,25	34,85	91,15	Зач. с оц.
2	126 / 3,5	16	16		1,6	1,25	34,85	91,15	Зач. с оц.
3	72 / 2	8	16		0,8	1,25	26,05	45,95	Зач. с оц.
4	72 / 2	8	16		2,8	1,35	28,15	17,2	Экз.(26,65)
Итого	396 / 11	48	64		6,8	5,1	123,9	245,45	26,65

Муром, 2021 г.

## 1. Цель освоения дисциплины

Цели изучения дисциплины: обучение студентов основным понятиям, положениям и методам курса математики, навыкам построения математических доказательств путем непротиворечивых логических рассуждений, методам решения задач.

Задачи изучения дисциплины: дать обучаемому арсенал типовых приемов для решения различных задач, при этом акцент делается на усвоение формул, алгоритмов, приемов решения математических задач, возникающих при исследовании прикладных проблем; приобретение студентами твердых навыков решения математических задач с доведением до практически приемлемого результата и развитие на этой базе логическое и алгоритмическое мышление; вырабатывание первичных навыков математического исследования прикладных вопросов и развитие необходимую интуицию в вопросах приложения математики; вырабатывание умения самостоятельно разбираться в математическом аппарате, содержащемся в литературе, связанной со специальностью студента; умение при решении задач выбирать и использовать необходимые вычислительные методы и средства.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Математика» базируется на знаниях, полученных в рамках школьного курса математики или соответствующих дисциплин среднего профессионального образования. Дисциплина «Математика» является общим теоретическим и методологическим основанием для всех математических дисциплин и дисциплин информационного блока, входящих в ОПОП бакалавра по профилю.

## 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине		Наименование оценочного средства
	Содержание компетенции	Результаты обучения по дисциплине	
ОПК-6 способностью использовать основные закономерности, действующие в процессе изготовления машиностроительных изделий требуемого качества, заданного количества при наименьших затратах общественного труда	Способностью использовать основные закономерности, действующие в процессе изготовления машиностроительных изделий требуемого качества, заданного количества при наименьших затратах общественного труда	Знать способы решения уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа (ОПК-6)  Владеть методами решения инженерных задач с помощью математического аппарата векторной алгебры, аналитической геометрии и математического анализа (ОПК-6)	задачи

## 4. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 11 зачетных единиц, 396 часов.

### 4.1. Форма обучения: очная

Уровень базового образования: среднее общее.

Срок обучения 4г.

#### 4.1.1. Структура дисциплины

№ п\п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Контактная работа обучающихся с педагогическим работником							Самостоятельная работа	Форма текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации(по семестрам)
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	КП / КР	Консультация	Контроль		
1	Линейная алгебра	1	6	6						24	Зачет
2	Векторная алгебра	1	6	6						6	Зачет
3	Аналитическая геометрия	1	4	4						61,15	Зачет
Всего за семестр		126	16	16		+		1,6	1,25	91,15	Зач. с оц.
4	Математический анализ	2	16	16						91,15	Зачет
Всего за семестр		126	16	16		+		1,6	1,25	91,15	Зач. с оц.
5	Математический анализ	3	8	16							Зачет
Всего за семестр		72	8	16		+		0,8	1,25	45,95	Зач. с оц.
6	Математический анализ	4	2	6							Зачет
7	Дифференциальные уравнения	4	6	10							Зачет
Всего за семестр		72	8	16		+		2,8	1,35	17,2	Экз.(26,65)
Итого		396	48	64				6,8	5,1	245,45	26,65

#### 4.1.2. Содержание дисциплины

##### 4.1.2.1. Перечень лекций

##### Семестр 1

Раздел 1. Линейная алгебра

##### Лекция 1.

Матрицы. Основные понятия. Действия над матрицами. Транспонированная матрица. Эквивалентные преобразования матриц. Каноническая матрица (2 часа).

##### Лекция 2.

Определители. Невырожденная матрица. Обратная матрица. Базисный минор матрицы. Ранг матрицы (2 часа).

### **Лекция 3.**

Системы линейных уравнений. Матричный метод решения систем уравнений. Метод Крамера. Метод Гаусса (2 часа).

### *Раздел 2. Векторная алгебра*

### **Лекция 4.**

Элементы векторной алгебры. Коллинеарные векторы. Компланарные векторы. Линейные операции над векторами. Свойства векторов. Базис. Линейная зависимость векторов. Система координат. Ортонормированный базис. Линейные операции над векторами в координатах (2 часа).

### **Лекция 5.**

Проекция точки на ось. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Разложение вектора по ортам координатных осей (2 часа).

### **Лекция 6.**

Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов (2 часа).

### *Раздел 3. Аналитическая геометрия*

### **Лекция 7.**

Линии на плоскости. Уравнения прямой на плоскости. Прямая линия на плоскости. Виды уравнений прямой (2 часа).

### **Лекция 8.**

Линии второго порядка на плоскости. Окружность. Эллипс. Гипербола. Парабола. Фокусы. Эксцентриситет. Директрисы. Общее уравнение линий второго порядка (2 часа).

## **Семестр 2**

### *Раздел 4. Математический анализ*

### **Лекция 9.**

Множества. Функции. Способы задания функции, свойства функции. Предел функции в точке. Бесконечно малые и бесконечно большие функции их свойства (2 часа).

### **Лекция 10.**

Основные теоремы о пределах. Предел функции при стремлении аргумента к бесконечности. Раскрытие различных видов неопределенностей (2 часа).

### **Лекция 11.**

Предел последовательности. Число  $e$ . Замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Непрерывность функции в точке, на отрезке. Классификация точек разрыва (2 часа).

### **Лекция 12.**

Понятие производной функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования. Таблица производных (2 часа).

### **Лекция 13.**

Производная обратной и сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная неявных функций. Производная функций, заданных параметрически (2 часа).

### **Лекция 14.**

Дифференциал и его применение в приближенных вычислениях (2 часа).

### **Лекция 15.**

Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница (2 часа).

### **Лекция 16.**

Частные производные и дифференциалы высших порядков. Градиент и производная по направлению. Экстремумы ФНП (2 часа).

## **Семестр 3**

### *Раздел 5. Математический анализ*

### **Лекция 17.**

Интегральное исчисление. Первообразная функция. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Таблица основных интегралов (2 часа).

### **Лекция 18.**

Непосредственное интегрирование. Способ подстановки. Интегрирование по частям (2 часа).

### **Лекция 19.**

Определенный интеграл. Интегральная сумма. Интегрируемая функция. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем. Обобщенная теорема о среднем. Вычисление определенного интеграла. Теорема Ньютона - Лейбница. Замена переменных в определенном интеграле. Интегрирование по частям (2 часа).

### **Лекция 20.**

Применение определенных интегралов для расчета площадей плоских фигур. Нахождение площади криволинейного сектора. Вычисление длины дуги кривой (2 часа).

## **Семестр 4**

*Раздел 6. Математический анализ*

### **Лекция 21.**

Несобственные интегралы. Несобственные интегралы 1 рода. Несобственные интегралы 2 рода. Основные теоремы (2 часа).

*Раздел 7. Дифференциальные уравнения*

### **Лекция 22.**

Обыкновенные дифференциальные уравнения. Основные определения. Свойства общего решения. Теорема Коши. Интегральные кривые. Особое решение. Дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения вида  $y' = f(x)$ . Уравнения с разделяющимися переменными (2 часа).

### **Лекция 23.**

Однородные уравнения. Уравнения, приводящиеся к однородным. Линейные уравнения. Метод Бернулли. Метод Лагранжа. Уравнение Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах. Дифференциальные уравнения высших порядков. Уравнения, допускающие понижение порядка. Уравнения вида  $y(n) = f(x)$ . Уравнения, не содержащие явно искомой функции и ее производных до порядка  $n-1$  включительно. Уравнения, не содержащие явно независимой переменной (2 часа).

### **Лекция 24.**

Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения (2 часа).

## **4.1.2.2. Перечень практических занятий**

### **Семестр 1**

*Раздел 1. Линейная алгебра*

#### **Практическое занятие 1**

Матрицы. Основные понятия. Действия над матрицами. Транспонированная матрица. Эквивалентные преобразования матриц. Каноническая матрица (2 часа).

#### **Практическое занятие 2**

Определители. Невырожденная матрица. Обратная матрица. Базисный минор матрицы. Ранг матрицы (2 часа).

#### **Практическое занятие 3**

Системы линейных уравнений. Матричный метод решения систем уравнений. Метод Крамера. Метод Гаусса (2 часа).

*Раздел 2. Векторная алгебра*

#### **Практическое занятие 4**

Элементы векторной алгебры. Коллинеарные векторы. Компланарные векторы. Линейные операции над векторами. Свойства векторов. Базис. Линейная зависимость векторов. Система координат. Ортонормированный базис. Линейные операции над векторами в координатах (2 часа).

#### **Практическое занятие 5**

Проекция точки на ось. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. Разложение вектора по ортам координатных осей (2 часа).

### **Практическое занятие 6**

Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов (2 часа).

### *Раздел 3. Аналитическая геометрия*

### **Практическое занятие 7**

Линии на плоскости. Уравнения прямой на плоскости. Прямая линия на плоскости. Виды уравнений прямой (2 часа).

### **Практическое занятие 8**

Линии второго порядка на плоскости. Окружность. Эллипс. Гипербола. Парабола. Фокусы. Эксцентриситет. Директрисы. Общее уравнение линий второго порядка (2 часа).

### **Семестр 2**

### *Раздел 4. Математический анализ*

### **Практическое занятие 9**

Множества. Функции. Способы задания функции, свойства функции. Предел функции в точке (2 часа).

### **Практическое занятие 10**

Бесконечно малые и бесконечно большие функции их свойства (2 часа).

### **Практическое занятие 11**

Основные теоремы о пределах. Предел функции при стремлении аргумента к бесконечности. Раскрытие различных видов неопределенностей (2 часа).

### **Практическое занятие 12**

Предел последовательности. Число  $e$ . Замечательные пределы (2 часа).

### **Практическое занятие 13**

Вычисление пределов последовательностей (2 часа).

### **Практическое занятие 14**

Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции (2 часа).

### **Практическое занятие 15**

Непрерывность функции в точке, на отрезке. Классификация точек разрыва (2 часа).

### **Практическое занятие 16**

Понятие производной функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования. Таблица производных (2 часа).

### **Семестр 3**

### *Раздел 5. Математический анализ*

### **Практическое занятие 17**

Производная обратной и сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная неявных функций. Производная функций, заданных параметрически (2 часа).

### **Практическое занятие 18**

Дифференциал и его применение в приближенных вычислениях (2 часа).

### **Практическое занятие 19**

Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница (2 часа).

### **Практическое занятие 20**

Частные производные и дифференциалы высших порядков. Градиент и производная по направлению. Экстремумы ФНП (2 часа).

### **Практическое занятие 21**

Интегральное исчисление. Первообразная функция. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Таблица основных интегралов (2 часа).

### **Практическое занятие 22**

Непосредственное интегрирование. Способ подстановки. Интегрирование по частям (2 часа).

### **Практическое занятие 23**

Определенный интеграл. Интегральная сумма. Интегрируемая функция. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем. Обобщенная теорема о среднем. Вычисление определенного интеграла. Теорема Ньютона - Лейбница (2 часа).

#### **Практическое занятие 24**

Замена переменных в определенном интеграле. Интегрирование по частям (2 часа).

#### **Семестр 4**

##### *Раздел 6. Математический анализ*

#### **Практическое занятие 25**

Применение определенных интегралов для расчета площадей плоских фигур (2 часа).

#### **Практическое занятие 26**

Нахождение площади криволинейного сектора. Вычисление длины дуги кривой (2 часа).

#### **Практическое занятие 27**

Несобственные интегралы. Несобственные интегралы 1 рода. Несобственные интегралы 2 рода. Основные теоремы (2 часа).

##### *Раздел 7. Дифференциальные уравнения*

#### **Практическое занятие 28**

Обыкновенные дифференциальные уравнения. Основные определения. Свойства общего решения. Теорема Коши. Интегральные кривые. Особое решение (2 часа).

#### **Практическое занятие 29**

Дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения вида  $y' = f(x)$ . Уравнения с разделяющимися переменными (2 часа).

#### **Практическое занятие 30**

Однородные уравнения. Уравнения, приводящиеся к однородным. Линейные уравнения. Метод Бернулли. Метод Лагранжа. Уравнение Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах (2 часа).

#### **Практическое занятие 31**

Дифференциальные уравнения высших порядков. Уравнения, допускающие понижение порядка. Уравнения вида  $y^{(n)} = f(x)$ . Уравнения, не содержащие явно искомой функции и ее производных до порядка  $n-1$  включительно. Уравнения, не содержащие явно независимой переменной (2 часа).

#### **Практическое занятие 32**

Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения (2 часа).

### **4.1.2.3. Перечень лабораторных работ**

Не планируется.

### **4.1.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы**

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Матричное исчисление.
2. СЛАУ. Критерий Кронекера-Капелли разрешимости СЛАУ. Однородные СЛАУ.
3. Решение произвольных систем уравнений. Совместные системы.
4. Однородная система уравнений. Нетривиальная совместность однородной системы.
5. Векторы в пространстве  $R^2$ ,  $R^3$ .  $n$ -мерные векторы.
6. Декартова и полярная системы координат. Основные виды уравнения прямой.
7. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых. Расстояние от точки до прямой.
8. Различные виды уравнений прямой.
9. Канонические уравнения кривых второго порядка.
10. Функция: способы задания функции, свойства функции. Область определения функции.
11. Правила раскрытия различных видов неопределенностей.
12. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.
13. Основные теоремы о пределах.
14. Первый и второй замечательные пределы.
15. Сравнение бесконечно малых функций.

16. Непрерывность функции. Точки разрыва.
17. Определение производной функции. Геометрическое и механическое приложение производной.
18. Производная обратной и сложной функции.
19. Алгоритм логарифмического дифференцирования.
20. Дифференциалы и его использование в приближенных вычислениях.
21. Производные и дифференциалы высших порядков.
22. Формулы Тейлора и Маклорена.
23. Правило Лопиталя.
24. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.
25. Понятие определенного интеграла как предела интегральных сумм.
26. Основные свойства определенного интеграла.
27. Формулы оценки определенных интегралов.
28. Несобственные интегралы.
29. Функции нескольких переменных.
30. Частные производные.
31. Полное приращение и полный дифференциал.
32. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
33. Градиент и производная по направлению.
34. Экстремумы ФНП. Условный экстремум.
35. Задача Коши. Теорема Коши для дифференциальных уравнений.
36. Дифференциальные уравнения первого порядка.
37. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков.
38. Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков. Фундаментальная система решений.
39. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков.

1. Линейная алгебра.

2. Векторная алгебра.

3. Аналитическая геометрия.

4. Математический анализ.

5. Дифференциальные уравнения.

Методические указания к типовым расчетам и контрольным работам приведены в

[https://books.ifmo.ru/book/789/tipovye\\_raschety\\_po\\_vysshey\\_matematike.\\_1\\_kurs\\_\(modul\\_1\).\\_lineynaya\\_algebra\\_i\\_analiticheskaya\\_geometriya.\\_metodicheskie\\_ukazaniya\\_i\\_zadachi\\_dlya\\_studentov.htm](https://books.ifmo.ru/book/789/tipovye_raschety_po_vysshey_matematike._1_kurs_(modul_1)._lineynaya_algebra_i_analiticheskaya_geometriya._metodicheskie_ukazaniya_i_zadachi_dlya_studentov.htm)

<https://www.iprbookshop.ru/101397.html>

<https://www.iprbookshop.ru/105243.html>

Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

#### **4.1.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР**

1. Линейная алгебра.

2. Векторная алгебра.

3. Аналитическая геометрия.

4. Математический анализ.

5. Дифференциальные уравнения.

Методические указания к типовым расчетам и контрольным работам приведены в

[https://books.ifmo.ru/book/789/tipovye\\_raschety\\_po\\_vysshey\\_matematike.\\_1\\_kurs\\_\(modul\\_1\).\\_lineynaya\\_algebra\\_i\\_analiticheskaya\\_geometriya.\\_metodicheskie\\_ukazaniya\\_i\\_zadachi\\_dlya\\_studentov.htm](https://books.ifmo.ru/book/789/tipovye_raschety_po_vysshey_matematike._1_kurs_(modul_1)._lineynaya_algebra_i_analiticheskaya_geometriya._metodicheskie_ukazaniya_i_zadachi_dlya_studentov.htm)

<https://www.iprbookshop.ru/101397.html>

<https://www.iprbookshop.ru/105243.html>

#### **4.1.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)**

Не планируется.

## 4.2 Форма обучения: заочная

Уровень базового образования: среднее общее.

Срок обучения 5л.

Семестр	Трудоем- кость, час./ зач. ед.	Лек- ции, час.	Практи- ческие занятия, час.	Лабора- торные работы, час.	Консультация, час.	Конт- роль, час.	Всего (контак- тная работа), час.	СРС, час.	Форма промежуточного контроля (экс., зач., зач. с оц.)
1	108 / 3	4	6		2	0,5	12,5	91,75	Зач. с оц.(3,75)
2	108 / 3	4	4		2	0,5	10,5	93,75	Зач. с оц.(3,75)
3	90 / 2,5	4	6		2	0,5	12,5	73,75	Зач. с оц.(3,75)
4	90 / 2,5	4	4		2	0,6	10,6	70,75	Экс.(8,65)
Итого	396 / 11	16	20		8	2,1	46,1	330	19,9

### 4.2.1. Структура дисциплины

№ п\п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Контактная работа обучающихся с педагогическим работником							Самостоятельная работа	Форма текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации(по семестрам)
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	КП / КР	Консультация	Контроль		
1	Линейная алгебра	1	4	4						32	Зачет
2	Векторная алгебра	1		2						59,75	Зачет
Всего за семестр		108	4	6		+		2	0,5	91,75	Зач. с оц.(3,75)
3	Векторная алгебра	2	2	2						8	Зачет
4	Аналитическая геометрия	2	2	2						85,75	Зачет
Всего за семестр		108	4	4		+		2	0,5	93,75	Зач. с оц.(3,75)
5	Аналитическая геометрия	3	2	2						32	Зачет
6	Математический анализ	3	2	4						41,75	Зачет
Всего за семестр		90	4	6		+		2	0,5	73,75	Зач. с оц.(3,75)
7	Математический анализ	4	2	2						29	Зачет
8	Дифференциальные уравнения	4	2	2						41,75	Зачет

Всего за семестр	90	4	4		+		2	0,6	70,75	Экз.(8,65)
Итого	396	16	20				8	2,1	330	19,9

## 4.2.2. Содержание дисциплины

### 4.2.2.1. Перечень лекций

#### Семестр 1

*Раздел 1. Линейная алгебра*

##### Лекция 1.

Матрицы. Основные определения. Действия над матрицами (2 часа).

##### Лекция 2.

Решение систем уравнений. Матричный метод. Метод Крамера. Метод Гаусса (2 часа).

#### Семестр 2

*Раздел 3. Векторная алгебра*

##### Лекция 3.

Вектор. Основные определения. Разложение вектора по ортам координатных осей. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов (2 часа).

*Раздел 4. Аналитическая геометрия*

##### Лекция 4.

Прямая. Виды уравнений прямой на плоскости (2 часа).

#### Семестр 3

*Раздел 5. Аналитическая геометрия*

##### Лекция 5.

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, парабола и гипербола. Уравнения кривых второго порядка (2 часа).

*Раздел 6. Математический анализ*

##### Лекция 6.

Производная. Механический и геометрический смысл производной. Таблица производных. Дифференциал. Метод подведения под знак дифференциала (2 часа).

#### Семестр 4

*Раздел 7. Математический анализ*

##### Лекция 7.

Интеграл. Неопределенный интегралы. Таблица интегралов. Методы интегрирования. Определенный интеграл (2 часа).

*Раздел 8. Дифференциальные уравнения*

##### Лекция 8.

Обыкновенные дифференциальные уравнения. Основные определения. Свойства общего решения (2 часа).

### 4.2.2.2. Перечень практических занятий

#### Семестр 1

*Раздел 1. Линейная алгебра*

##### Практическое занятие 1.

Матрицы. Основные определения. Действия над матрицами (2 часа).

##### Практическое занятие 2.

Решение систем уравнений. Матричный метод. Метод Крамера. Метод Гаусса (2 часа).

*Раздел 2. Векторная алгебра*

##### Практическое занятие 3.

Вектор. Основные определения. Линейные операции над векторами. Разложение вектора по ортам координатных осей (2 часа).

#### Семестр 2

*Раздел 3. Векторная алгебра*

##### Практическое занятие 4.

Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов (2 часа).

*Раздел 4. Аналитическая геометрия*

**Практическое занятие 5.**

Прямая. Виды уравнений прямой на плоскости (2 часа).

**Семестр 3**

*Раздел 5. Аналитическая геометрия*

**Практическое занятие 6.**

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, парабола и гипербола. Уравнения кривых второго порядка (2 часа).

*Раздел 6. Математический анализ*

**Практическое занятие 7.**

Производная. Механический и геометрический смысл производной. Таблица производных. Дифференциал. Метод подведения под знак дифференциала (2 часа).

**Практическое занятие 8.**

Производная и дифференциал высших порядков. Частные производные (2 часа).

**Семестр 4**

*Раздел 7. Математический анализ*

**Практическое занятие 9.**

Интеграл. Неопределенный интегралы. Таблица интегралов. Методы интегрирования. Определенный интеграл (2 часа).

*Раздел 8. Дифференциальные уравнения*

**Практическое занятие 10.**

Обыкновенные дифференциальные уравнения. Основные определения. Свойства общего решения (2 часа).

**4.2.2.3. Перечень лабораторных работ**

Не планируется.

**4.2.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы**

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Матричное исчисление.
2. СЛАУ. Критерий Кронекера-Капелли разрешимости СЛАУ. Однородные СЛАУ.
3. Решение произвольных систем уравнений. Совместные системы.
4. Однородная система уравнений. Нетривиальная совместность однородной системы.
5. Векторы в пространстве  $R^2$ ,  $R^3$ .  $n$ -мерные векторы.
6. Декартова и полярная системы координат. Основные виды уравнения прямой.
7. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых.

Расстояние от точки до прямой.

8. Различные виды уравнений прямой.
9. Канонические уравнения кривых второго порядка.
10. Функция: способы задания функции, свойства функции. Область определения функции.
11. Правила раскрытия различных видов неопределенностей.
12. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.
13. Основные теоремы о пределах.
14. Первый и второй замечательные пределы.
15. Сравнение бесконечно малых функций.
16. Непрерывность функции. Точки разрыва.
17. Определение производной функции. Геометрическое и механическое приложение производной.
18. Производная обратной и сложной функции.
19. Алгоритм логарифмического дифференцирования.
20. Дифференциалы и его использование в приближенных вычислениях.
21. Производные и дифференциалы высших порядков.

22. Формулы Тейлора и Маклорена.
23. Правило Лопиталя.
24. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.
25. Понятие определенного интеграла как предела интегральных сумм.
26. Основные свойства определенного интеграла.
27. Формулы оценки определенных интегралов.
28. Несобственные интегралы.
29. Функции нескольких переменных.
30. Частные производные.
31. Полное приращение и полный дифференциал.
32. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
33. Градиент и производная по направлению.
34. Экстремумы ФНП. Условный экстремум.
35. Задача Коши. Теорема Коши для дифференциальных уравнений.
36. Дифференциальные уравнения первого порядка.
37. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков.
38. Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков.

Фундаментальная система решений.

39. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков.

Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

#### **4.2.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР**

1. Линейная алгебра.
2. Векторная алгебра.
3. Аналитическая геометрия.
4. Математический анализ.

#### **4.2.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)**

Не планируется.

Уровень базового образования: среднее профессиональное.  
Срок обучения 3г 6м.

Семестр	Трудоем- кость, час./ зач. ед.	Лек- ции, час.	Практи- ческие занятия, час.	Лабора- торные работы, час.	Консуль- тация, час.	Конт- роль, час.	Всего (контак- тная работа), час.	СРС, час.	Переат- тестаци- я	Форма промежу- точного контроля (экз., зач., зач. с оц.)
1	144 / 4	4	6		2	0,5	12,5	55,75	72	Зач. с оц.(3,75)
2	90 / 2,5	4	2		2	0,5	8,5	77,75	0	Зач. с оц.(3,75)
3	72 / 2	2	2		1	0,5	5,5	62,75	0	Зач. с оц.(3,75)
4	90 / 2,5	2	4		1	0,6	7,6	73,75	0	Экз.(8,65)
Итого	396 / 11	12	14		6	2,1	34,1	270	72	19,9

### 4.3.1. Структура дисциплины

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Контактная работа обучающихся с педагогическим работником							Самостоятельная работа	Форма текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации(по семестрам)
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	КП / КР	Консультация	Контроль		
1	Линейная алгебра	1	2	2						40	Зачет
2	Векторная алгебра	1	2	4						15,75	Зачет
Всего за семестр		72	4	6		+		2	0,5	55,75	Зач. с оц.(3,75)
3	Аналитическая геометрия	2	4	2						77,75	Зачет
Всего за семестр		90	4	2		+		2	0,5	77,75	Зач. с оц.(3,75)
4	Математический анализ	3	2	2						62,75	Зачет
Всего за семестр		72	2	2		+		1	0,5	62,75	Зач. с оц.(3,75)
5	Дифференциальные уравнения	4	2	4						73,75	Зачет
Всего за семестр		90	2	4		+		1	0,6	73,75	Экз.(8,65)
Итого		324	12	14				6	2,1	270	19,9
Итого с перееаттестацией		396									

## **4.3.2. Содержание дисциплины**

### **4.3.2.1. Перечень лекций**

#### **Семестр 1**

*Раздел 1. Линейная алгебра*

##### **Лекция 1.**

Матрицы. Основные определения. Действия над матрицами. Решение систем уравнений. Матричный метод. Метод Крамера. Метод Гаусса (2 часа).

*Раздел 2. Векторная алгебра*

##### **Лекция 2.**

Вектор. Основные определения. Разложение вектора по ортам координатных осей. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов (2 часа).

#### **Семестр 2**

*Раздел 3. Аналитическая геометрия*

##### **Лекция 3.**

Прямая. Виды уравнений прямой на плоскости (2 часа).

##### **Лекция 4.**

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, парабола и гипербола. Уравнения кривых второго порядка (2 часа).

#### **Семестр 3**

*Раздел 4. Математический анализ*

##### **Лекция 5.**

Производная. Механический и геометрический смысл производной. Таблица производных. Дифференциал. Метод подведения под знак дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков (2 часа).

#### **Семестр 4**

*Раздел 5. Дифференциальные уравнения*

##### **Лекция 6.**

Интеграл. Неопределенный интегралы. Таблица интегралов. Методы интегрирования (2 часа).

### **4.3.2.2. Перечень практических занятий**

#### **Семестр 1**

*Раздел 1. Линейная алгебра*

##### **Практическое занятие 1.**

Матрицы. Основные определения. Действия над матрицами. Решение систем уравнений. Матричный метод. Метод Крамера. Метод Гаусса (2 часа).

*Раздел 2. Векторная алгебра*

##### **Практическое занятие 2.**

Вектор. Основные определения. Разложение вектора по ортам координатных осей (2 часа).

##### **Практическое занятие 3.**

Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов (2 часа).

#### **Семестр 2**

*Раздел 3. Аналитическая геометрия*

##### **Практическое занятие 4.**

Прямая. Виды уравнений прямой на плоскости. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, парабола и гипербола. Уравнения кривых второго порядка (2 часа).

### **Семестр 3**

#### *Раздел 4. Математический анализ*

##### **Практическое занятие 5.**

Производная. Механический и геометрический смысл производной. Таблица производных. Дифференциал. Метод подведения под знак дифференциала. Метод замены. Производные и дифференциалы высших порядков (2 часа).

### **Семестр 4**

#### *Раздел 5. Дифференциальные уравнения*

##### **Практическое занятие 6.**

Интеграл. Неопределенный интегралы. Таблица интегралов. Методы интегрирования (2 часа).

##### **Практическое занятие 7.**

Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница (2 часа).

#### **4.3.2.3. Перечень лабораторных работ**

Не планируется.

#### **4.3.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы**

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Матричное исчисление.
2. СЛАУ. Критерий Кронекера-Капелли разрешимости СЛАУ.
3. Однородные СЛАУ.
4. Решение произвольных систем уравнений.
5. Совместные системы.
6. Однородная система уравнений.
7. Нетривиальная совместность однородной системы.
8. Векторы в пространстве  $R^2$ ,  $R^3$ .
9.  $n$ -мерные векторы.
10. Декартова и полярная системы координат.
11. Основные виды уравнения прямой.
12. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых.
13. Расстояние от точки до прямой.
14. Различные виды уравнений прямой.
15. Канонические уравнения кривых второго порядка.
16. Функция: способы задания функции, свойства функции. Область определения функции.
17. Правила раскрытия различных видов неопределенностей.
18. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.
19. Основные теоремы о пределах.
20. Первый и второй замечательные пределы.
21. Сравнение бесконечно малых функций.
22. Непрерывность функции. Точки разрыва.
23. Определение производной функции. Геометрическое и механическое приложение производной.
24. Производная обратной и сложной функции.
25. Алгоритм логарифмического дифференцирования.
26. Дифференциалы и его использование в приближенных вычислениях.
27. Производные и дифференциалы высших порядков.
28. Формулы Тейлора и Маклорена.
29. Правило Лопиталя.
30. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.

31. Понятие определенного интеграла как предела интегральных сумм. Основные свойства определенного интеграла.
  32. Формулы оценки определенных интегралов.
  33. Несобственные интегралы.
  34. Функции нескольких переменных. Частные производные.
  35. Полное приращение и полный дифференциал.
  36. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
  37. Градиент и производная по направлению. Экстремумы ФНП. Условный экстремум.
  38. Задача Коши. Теорема Коши для дифференциальных уравнений.
  39. Дифференциальные уравнения первого порядка.
- Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

#### **4.3.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР**

1. Линейная алгебра.
2. Векторная алгебра.
3. Аналитическая геометрия.
4. Математический анализ.
5. Дифференциальные уравнения.

#### **4.3.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)**

Не планируется.

### **5. Образовательные технологии**

В процессе изучения дисциплины "Математика" применяются классические лекционные образовательные технологии, на практиках применяются индивидуальные и групповые технологии преподавания; используется контактная технология, разбор конкретных ситуаций, деловые игры, диспут. Преподавателем обозначается проблема, которая затем обсуждается, решается. Результат и ход решения демонстрируются с использованием мультимедийной техники. Используется также самостоятельное решение учащимися типовых задач и примеров.

### **6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.**

Фонды оценочных материалов (средств) приведены в приложении.

### **7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.**

#### **7.1. Основная учебно-методическая литература по дисциплине**

1. Глухов, В. А. Курс высшей математики. В 2-х томах. Т. I : учебник / В. А. Глухов, Г. А. Котов, О. В. Котова. — Макеевка : Донбасская национальная академия строительства и архитектуры, ЭБС АСВ, 2020. — 566 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99382.html>
2. Глухов, В. А. Курс высшей математики. В 2-х томах. Т. II : учебник / В. А. Глухов, Г. А. Котов, О. В. Котова. — Макеевка : Донбасская национальная академия строительства и архитектуры, ЭБС АСВ, 2020. — 566 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99383.html>
3. Тетруашвили, Е. В. Математика. Часть 1 : практикум / Е. В. Тетруашвили, В. В. Ершов. — 2-е изд. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2021. — 204 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99095.html>
4. Тетруашвили, Е. В. Математика. Часть 2 : практикум / Е. В. Тетруашвили, В. В. Ершов. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2020. — 196 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99096.html>
5. Тетруашвили, Е. В. Математика. Часть 3 : практикум / Е. В. Тетруашвили, В. В. Ершов. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2022. — 106 с. - <https://www.iprbookshop.ru/117621.html>

## **7.2. Дополнительная учебно-методическая литература по дисциплине**

1. Клово, А. Г. Курс лекций по математике : учебное пособие / А. Г. Клово, И. А. Ляпунова. — Ростов-на-Дону, Таганрог : Издательство Южного федерального университета, 2020. — 199 с. — ISBN 978-5-9275-3503-3 - <https://www.iprbookshop.ru/107998.html>
2. Клово, А. Г. Математика в техническом вузе для 2-го семестра : учебное пособие / А. Г. Клово, И. А. Ляпунова. — Ростов-на-Дону, Таганрог : Издательство Южного федерального университета, 2021. — 198 с. — ISBN 978-5-9275-3837-9 - <https://www.iprbookshop.ru/117180.html>
3. Сборник заданий к типовым расчетам и контрольным работам по математическим дисциплинам. Часть I : учебное пособие / А. А. Афонин, Т. А. Бокарева, М. П. Бородинский [и др.]. — Ростов-на-Дону : Издательство Южного федерального университета, 2009. — 544 с. — ISBN 978-5-9275-0666-8 - <https://www.iprbookshop.ru/47123.html>

## **7.3. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

В образовательном процессе используются информационные технологии, реализованные на основе информационно-образовательного портала института ([www.mivlgu.ru/iop](http://www.mivlgu.ru/iop)), и инфокоммуникационной сети института:

- предоставление учебно-методических материалов в электронном виде;
- взаимодействие участников образовательного процесса через локальную сеть института и Интернет;
- предоставление сведений о результатах учебной деятельности в электронном личном кабинете обучающегося.

Информационные справочные системы:

не используется

Программное обеспечение:

Не предусмотрено.

## **7.4. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины**

[iprbookshop.ru](http://iprbookshop.ru)

[mivlgu.ru/iop](http://mivlgu.ru/iop)

## **8. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Лекционная аудитория

проектор NEC Projector MP40G; ноутбук HP.

Лекционная аудитория

Проектор «SANYO»PDG DSU20; экран DKAPPER ApexSTAR 178x178

## **9. Методические указания по освоению дисциплины**

Для успешного освоения теоретического материала обучающийся: знакомится со списком рекомендуемой основной и дополнительной литературы; уточняет у преподавателя, каким дополнительным пособиям следует отдать предпочтение; ведет конспект лекций и прорабатывает лекционный материал, пользуясь как конспектом, так и учебными пособиями.

На практических занятиях пройденный теоретический материал подкрепляется решением задач по основным темам дисциплины. Занятия проводятся в компьютерном классе, используя специальное программное обеспечение. Каждой подгруппе обучающихся преподаватель выдает задачу, связанную с разработкой и программной реализацией алгоритмов обработки информации. В конце занятия обучающие демонстрируют полученные результаты преподавателю и при необходимости делают работу над ошибками.

Каждый обучающийся самостоятельно определяет режим своей работы и меру труда, затрачиваемого на овладение учебным содержанием дисциплины. Он выполняет внеаудиторную работу и изучение разделов, выносимых на самостоятельную работу, по личному индивидуальному плану, в зависимости от его подготовки, времени и других условий.

Контрольная работа предполагает работу обучающегося с учебной литературой, методическими указаниями. Обучающийся получает от преподавателя индивидуальное задание. Решение оформляется в тетради и сдается на проверку преподавателю. После положительной рецензии преподавателя, работа допускается к собеседованию. При неудовлетворительной рецензии студент исправляет замечания и вновь сдает работу на рецензирование.

Форма заключительного контроля при промежуточной аттестации – экзамен. Для проведения промежуточной аттестации по дисциплине разработаны фонд оценочных средств и балльно-рейтинговая система оценки учебной деятельности студентов. Оценка по дисциплине выставляется в информационной системе и носит интегрированный характер, учитывающий результаты оценивания участия студентов в аудиторных занятиях, качества и своевременности выполнения заданий в ходе изучения дисциплины и промежуточной аттестации.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению  
*15.03.02 Технологические машины и оборудование*  
Рабочую программу составил к.т.н, доцент Платонова А.С. \_\_\_\_\_

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры *ФПМ*

протокол № 21 от 20.05.2021 года.

Заведующий кафедрой *ФПМ* \_\_\_\_\_ *Орлов А.А.*  
(Подпись)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической  
комиссии факультета

протокол № 6 от 25.05.2021 года.

Председатель комиссии МСФ \_\_\_\_\_ *Калиниченко М.В.*  
(Подпись) (Ф.И.О.)

**Фонд оценочных материалов (средств) по дисциплине**  
Математика

## **1. Оценочные материалы для проведения текущего контроля успеваемости по дисциплине**

Примеры и задачи для выполнения практических работ.

Примеры и задачи для текущего контроля знаний размещены на информационно-образовательном портале института по ссылке <https://www.mivlgu.ru/iop/course/view.php?id=2620#section-8>

### **Общее распределение баллов текущего контроля по видам учебных работ для студентов**

Рейтинг-контроль 1	Два практических задания	до 10 баллов (1-й семестр), до 10 баллов (2-й семестр)
Рейтинг-контроль 2	Два практических задания	до 10 баллов (1-й семестр), до 10 баллов (2-й семестр)
Рейтинг-контроль 3	Два практических задания	до 15 баллов (1-й семестр), до 15 баллов (2-й семестр)
Посещение занятий студентом		до 5 баллов (1-й семестр), до 5 баллов (2-й семестр)
Дополнительные баллы (бонусы)		до 5 баллов (1-й семестр), до 5 баллов (2-й семестр)
Выполнение семестрового плана самостоятельной работы		до 15 баллов (1-й семестр), до 15 баллов (2-й семестр)

## **2. Промежуточная аттестация по дисциплине**

**Перечень вопросов к экзамену / зачету / зачету с оценкой.**

**Перечень практических задач / заданий к экзамену / зачету / зачету с оценкой (при наличии)**

Вопросы, примеры и задачи для проведения промежуточной аттестации.

Вопросы, примеры и задачи для промежуточного контроля знаний размещены на информационно-образовательном портале института по ссылке <https://www.mivlgu.ru/iop/course/view.php?id=2620#section-8>

### **Методические материалы, характеризующие процедуры оценивания**

На основе типовых заданий из раздела 6.3. программным комплексом информационно-образовательного портала МИ ВлГУ формируются в автоматическом режиме тестовые задания для студентов: три вопроса из блока 1, три вопроса из блока 2 и четыре вопроса из блока 3. Программный комплекс формирует индивидуальные задания для каждого зарегистрированного в системе студента и устанавливает время прохождения тестирования. Результатом тестирования является процент правильных ответов, с учетом индивидуального семестрового рейтинга студента формируется экзаменационная оценка.

Максимальная сумма баллов, набираемая студентом по дисциплине равна 100.

Оценка в баллах	Оценка по шкале	Обоснование	Уровень сформированности компетенций
Более 80	«Отлично»	Содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимальному	<b>Высокий уровень</b>
66-80	«Хорошо»	Содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы недостаточно, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество выполнения ни одного из них не оценено минимальным числом баллов, некоторые виды заданий выполнены с ошибками	<b>Продвинутый уровень</b>
50-65	«Удовлетворительно»	Содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, некоторые из выполненных заданий, возможно, содержат ошибки	<b>Пороговый уровень</b>
Менее 50	«Неудовлетворительно»	Содержание курса не освоено, необходимые практические навыки работы не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки	<b>Компетенции не сформированы</b>

### 3. Задания в тестовой форме по дисциплине

Примеры заданий:

Тема Аналитическая геометрия

Название вопроса Общее уравнение прямой

Вопрос Общее уравнение прямой имеет вид

+:  $Ax + By + C = 0$

-:  $x/a + y/b = 1$

-:  $y = kx + b$

-:  $x \cos \alpha + y \sin \alpha - p = 0$

Тема Векторная алгебра

Название вопроса Скалярное произведение векторов

Вопрос Скалярное произведение векторов равно нулю, если

+: векторы ортогональны

-: векторы коллинеарны

-: векторы параллельны

-: векторы не пересекаются

Полный перечень тестовых заданий с указанием правильных ответов, размещен в банке вопросов на информационно-образовательном портале института по ссылке <https://www.mivlgu.ru/iop/question/edit.php?courseid=2634&cat=25115%2C80876&qpage=0&category=30232%2C80876>

Оценка рассчитывается как процент правильно выполненных тестовых заданий из их общего числа.