

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
**Муромский институт (филиал)**  
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования  
**«Владимирский государственный университет  
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»**  
(МИ ВлГУ)

Кафедра *ФПМ*

«УТВЕРЖДАЮ»  
Заместитель директора по УР  
\_\_\_\_\_ Д.Е. Андрианов  
\_\_\_\_\_ 21.05.2024

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

*Математика*

**Направление подготовки**

*12.03.01 Приборостроение*

**Профиль подготовки**

*Программирование робототехнических  
систем*

| Семестр | Трудоем-<br>кость,<br>час./зач.<br>ед. | Лек-<br>ции,<br>час. | Прак-<br>тические<br>занятия,<br>час. | Лабора-<br>торные<br>работы,<br>час. | Консультация,<br>час. | Конт-<br>роль,<br>час. | Всего<br>(контакт-<br>ная<br>работа),<br>час. | СРС,<br>час. | Форма<br>промежу-<br>точного<br>контроля<br>(экз., зач.,<br>зач. с оц.) |
|---------|--|----------------------|---------------------------------------|--------------------------------------|-----------------------|------------------------|---|--------------|---|
| 1       | 234 / 6,5                              | 24                   | 24                                    |                                      | 4,4                   | 1,35                   | 53,75   | 153,6        | Экз.(26,65)   |
| 2       | 234 / 6,5                              | 24                   | 24                                    |                                      | 4,4                   | 1,35                   | 53,75   | 153,6        | Экз.(26,65)   |
| Итого   | 468 / 13                               | 48                   | 48                                    |                                      | 8,8                   | 2,7                    | 107,5   | 307,2        | 53,3  |

Муром, 2024 г.

## 1. Цель освоения дисциплины

Цель дисциплины: обучение студентов основным понятиям, положениям и методам курса математики, навыкам построения математических доказательств путем непротиворечивых логических рассуждений, методам решения задач.

Задачи изучения дисциплины: дать обучаемому арсенал типовых приемов для решения различных задач, при этом акцент делается на усвоение формул, алгоритмов, приемов решения математических задач, возникающих при исследовании прикладных проблем; приобретение студентами твердых навыков решения математических задач с доведением до практически приемлемого результата и развитие на этой базе логического и алгоритмического мышления; вырабатывание первичных навыков математического исследования прикладных вопросов и развитие необходимую интуицию в вопросах приложения математики; вырабатывание умения самостоятельно разбираться в математическом аппарате, содержащемся в литературе, связанной со специальностью студента; умение при решении задач выбирать и использовать необходимые вычислительные методы и средства.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Математика» базируется на знаниях, полученных в рамках школьного курса математики или соответствующих дисциплин среднего профессионального образования. Дисциплина «Математика» является общим теоретическим и методологическим основанием для всех дисциплин, входящих в ОПОП бакалавра по профилю.

## 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

| Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)   | Планируемые результаты обучения по дисциплине, в соответствии с индикатором достижения компетенции             |   | Наименование оценочного средства |
|---|--|---|----------------------------------|
|   | Индикатор достижения компетенции   | Результаты обучения по дисциплине   |                                  |
| ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием, технологиями производства приборов и комплексов широкого назначения | ОПК-1.1 Демонстрирует знания математики, необходимые для решения задач в области профессиональной деятельности | Знать основные понятия и методы математического анализа, аналитической геометрии, линейной и векторной алгебры (ОПК-1.1)<br><br>Уметь решать типовые примеры и задачи высшей математики (ОПК-1.1) | задачи                           |

## 4. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 13 зачетных единиц, 468 часов.

### 4.1. Форма обучения: очная

Уровень базового образования: среднее общее.

Срок обучения 4г.

#### 4.1.1. Структура дисциплины

| №<br>п/п         | Раздел (тема)<br>дисциплины  | Семестр | Контактная работа<br>обучающихся с педагогическим<br>работником |                      |                     |                    |         |              |          | Самостоятельная работа | Форма текущего<br>контроля<br>успеваемости (по<br>неделям<br>семестра), форма<br>промежуточной<br>аттестации(по<br>семестрам) |
|------------------|------------------------------|---------|---|----------------------|---------------------|--------------------|---------|--------------|----------|------------------------|---|
|                  |                              |         | Лекции  | Практические занятия | Лабораторные работы | Контрольные работы | КП / КР | Консультация | Контроль |                        |   |
| 1                | Линейная и векторная алгебра | 1       | 4   | 4                    |                     |                    |         |              |          | 28                     | Типовой расчет  |
| 2                | Аналитическая геометрия      | 1       | 2   | 2                    |                     |                    |         |              |          | 12                     | Типовой расчет  |
| 3                | Математический анализ        | 1       | 18  | 18                   |                     |                    |         |              |          | 113,6                  | Типовой расчет  |
| Всего за семестр |                              | 234     | 24  | 24                   |                     | +                  |         | 4,4          | 1,35     | 153,6                  | Экз.(26,65)   |
| 4                | Математический анализ        | 2       | 24  | 24                   |                     |                    |         |              |          | 153,6                  | Типовой расчет  |
| Всего за семестр |                              | 234     | 24  | 24                   |                     | +                  |         | 4,4          | 1,35     | 153,6                  | Экз.(26,65)   |
| Итого            |                              | 468     | 48  | 48                   |                     |                    |         | 8,8          | 2,7      | 307,2                  | 53,3  |

#### 4.1.2. Содержание дисциплины

##### 4.1.2.1. Перечень лекций

##### Семестр 1

*Раздел 1. Линейная и векторная алгебра*

##### Лекция 1.

Матрицы. Сложение матриц, умножение на число. Перемножение матриц. Определители. Вычисление определителей. Обратная матрица. Ранг матрицы. Системы линейных уравнений. Методы решения системы n уравнений с n неизвестными: матричный, метод Крамера, метод Гаусса (2 часа).

##### Лекция 2.

Элементы векторной алгебры. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов (2 часа).

## *Раздел 2. Аналитическая геометрия*

### **Лекция 3.**

Линии на плоскости. Различные виды уравнения прямой на плоскости. Кривые второго порядка. Эллипс, гипербола, парабола; канонические уравнения (2 часа).

## *Раздел 3. Математический анализ*

### **Лекция 4.**

Комплексные числа. Действия над комплексными числами. Решение двучленных уравнений (2 часа).

### **Лекция 5.**

Функция. Построение графика функции. Предел функции в точке. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Раскрытие различных видов неопределенностей (2 часа).

### **Лекция 6.**

Дифференцирование. Правила дифференцирования. Дифференцирование сложных функций. Логарифмическое дифференцирование (2 часа).

### **Лекция 7.**

Производные и дифференциалы высших порядков. Простейшие приемы интегрирования. Метод подведения под знак дифференциала. Метод замены переменной (2 часа).

### **Лекция 8.**

Интегрирование по частям. Интегрирование элементарных дробей. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование рациональных дробей (2 часа).

### **Лекция 9.**

Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование иррациональных функций (2 часа).

### **Лекция 10.**

Вычисление определенного интеграла. Замена переменных в определенном интеграле. Интегрирование по частям. Несобственные интегралы. Абсолютная сходимость интеграла. Интеграл от разрывной функции (2 часа).

### **Лекция 11.**

Нахождение площадей плоских фигур. Нахождение площади криволинейного сектора. Вычисление длины дуги кривой. Вычисление объемов тел по поперечным сечениям. Вычисление объемов тел вращения. Площадь поверхности тела вращения (2 часа).

### **Лекция 12.**

Функции нескольких переменных. Наибольшее и наименьшее значения. Частная производная. Полный дифференциал. Приближенные вычисления с помощью полного дифференциала. Производная сложной функции. Полная производная (2 часа).

## **Семестр 2**

## *Раздел 4. Математический анализ*

### **Лекция 13.**

Частные производные и дифференциалы высших порядков. Экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум. Производная по направлению. Направляющие косинусы. Градиент (2 часа).

### **Лекция 14.**

Дифференциальные уравнения первого порядка. Простейшие уравнения. Уравнения с разделяющимися переменными (2 часа).

### **Лекция 15.**

Однородные уравнения. Уравнения, приводящиеся к однородным. Линейные уравнения. Уравнение Бернулли (2 часа).

### **Лекция 16.**

Уравнения первого порядка в полных дифференциалах. Уравнения Лагранжа и Клеро (2 часа).

### **Лекция 17.**

Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка (2 часа).

### **Лекция 18.**

Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков с постоянными коэффициентами. Фундаментальная система решений (2 часа).

### **Лекция 19.**

Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с произвольными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных (2 часа).

### **Лекция 20.**

Системы обыкновенных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Нормальная система. Задача Коши. Метод исключения для решения нормальных систем дифференциальных уравнений. Системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами (2 часа).

### **Лекция 21.**

Кратные интегралы. Двойные интегралы. Вычисление двойного интеграла. Двойной интеграл в полярных координатах. Тройной интеграл. Ряды. Ряды с неотрицательными членами. Признак сравнения. Признак Даламбера. Предельный признак Даламбера. Признак Коши. Интегральный признак Коши (2 часа).

### **Лекция 22.**

Знакопеременные ряды. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость рядов. Признак Даламбера и Коши для знакопеременных рядов (2 часа).

### **Лекция 23.**

Область сходимости. Функциональные ряды. Степенные ряды. Радиус сходимости. Действия со степенными рядами. Разложение функций в степенные ряды (2 часа).

### **Лекция 24.**

Ряды Фурье. Тригонометрический ряд. Коэффициенты Фурье. Разложение в ряд Фурье непериодической функции (2 часа).

## **4.1.2.2. Перечень практических занятий**

### **Семестр 1**

#### *Раздел 1. Линейная и векторная алгебра*

#### **Практическое занятие 1**

Матрицы. Сложение матриц, умножение на число. Перемножение матриц. Определители. Вычисление определителей. Обратная матрица. Ранг матрицы. Системы линейных уравнений. Методы решения системы  $n$  уравнений с  $n$  неизвестными: матричный, метод Крамера, метод Гаусса (2 часа).

#### **Практическое занятие 2**

Элементы векторной алгебры. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов (2 часа).

#### *Раздел 2. Аналитическая геометрия*

#### **Практическое занятие 3**

Линии на плоскости. Различные виды уравнения прямой на плоскости. Кривые второго порядка. Эллипс, гипербола, парабола; канонические уравнения (2 часа).

#### *Раздел 3. Математический анализ*

#### **Практическое занятие 4**

Комплексные числа. Действия над комплексными числами. Решение двучленных уравнений (2 часа).

#### **Практическое занятие 5**

Функция. Построение графика функции. Предел функции в точке. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Раскрытие различных видов неопределенностей (2 часа).

#### **Практическое занятие 6**

Дифференцирование. Правила дифференцирования. Дифференцирование сложных функций. Логарифмическое дифференцирование (2 часа).

### **Практическое занятие 7**

Производные и дифференциалы высших порядков. Простейшие приемы интегрирования. Метод подведения под знак дифференциала. Метод замены переменной (2 часа).

### **Практическое занятие 8**

Интегрирование по частям. Интегрирование элементарных дробей. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование рациональных дробей (2 часа).

### **Практическое занятие 9**

Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование иррациональных функций (2 часа).

### **Практическое занятие 10**

Вычисление определенного интеграла. Замена переменных в определенном интеграле. Интегрирование по частям. Несобственные интегралы. Абсолютная сходимость интеграла. Интеграл от разрывной функции (2 часа).

### **Практическое занятие 11**

Нахождение площадей плоских фигур. Нахождение площади криволинейного сектора. Вычисление длины дуги кривой. Вычисление объемов тел по поперечным сечениям. Вычисление объемов тел вращения. Площадь поверхности тела вращения (2 часа).

### **Практическое занятие 12**

Функции нескольких переменных. Наибольшее и наименьшее значения. Частная производная. Полный дифференциал. Приближенные вычисления с помощью полного дифференциала. Производная сложной функции. Полная производная (2 часа).

## **Семестр 2**

### *Раздел 4. Математический анализ*

### **Практическое занятие 13**

Частные производные и дифференциалы высших порядков. Экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум. Производная по направлению. Направляющие косинусы. Градиент (2 часа).

### **Практическое занятие 14**

Дифференциальные уравнения первого порядка. Простейшие уравнения. Уравнения с разделяющимися переменными (2 часа).

### **Практическое занятие 15**

Однородные уравнения. Уравнения, приводящиеся к однородным. Линейные уравнения. Уравнение Бернулли (2 часа).

### **Практическое занятие 16**

Уравнения первого порядка в полных дифференциалах. Уравнения Лагранжа и Клеро (2 часа).

### **Практическое занятие 17**

Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка (2 часа).

### **Практическое занятие 18**

Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков с постоянными коэффициентами. Фундаментальная система решений (2 часа).

### **Практическое занятие 19**

Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с произвольными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных (2 часа).

### **Практическое занятие 20**

Системы обыкновенных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Нормальная система. Задача Коши. Метод исключения для решения нормальных систем дифференциальных уравнений. Системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами (2 часа).

### **Практическое занятие 21**

Кратные интегралы. Двойные интегралы. Вычисление двойного интеграла. Двойной интеграл в полярных координатах. Тройной интеграл. Ряды. Ряды с неотрицательными

членами. Признак сравнения. Признак Даламбера. Предельный признак Даламбера. Признак Коши. Интегральный признак Коши (2 часа).

#### **Практическое занятие 22**

Знакопеременные ряды. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость рядов. Признак Даламбера и Коши для знакопеременных рядов (2 часа).

#### **Практическое занятие 23**

Область сходимости. Функциональные ряды. Степенные ряды. Радиус сходимости. Действия со степенными рядами. Разложение функций в степенные ряды (2 часа).

#### **Практическое занятие 24**

Ряды Фурье. Тригонометрический ряд. Коэффициенты Фурье. Разложение в ряд Фурье непериодической функции (2 часа).

### **4.1.2.3. Перечень лабораторных работ**

Не планируется.

### **4.1.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы**

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Обратная матрица. Ранг матрицы.
2. Решение произвольных систем уравнений. Совместные системы.
3. Теорема Кронекера - Капелли.
4. Однородная система уравнений. Нетривиальная совместность однородной системы.
5. Прямоугольная система координат. Полярная система координат.
6. Различные виды уравнений прямой.
7. Канонические уравнения кривых второго порядка.
8. Комплексные числа.
9. Функция: способы задания функции, свойства функции. Область определения функции.
10. Правила раскрытия различных видов неопределенностей.
11. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.
12. Основные теоремы о пределах.
13. Замечательные пределы.
14. Сравнение бесконечно малых функций.
15. Непрерывность функции. Классификация точек разрыва.
16. Определение производной функции. Геометрический и механический смысл производной.
17. Производная обратной и сложной функции.
18. Логарифмическое дифференцирование.
19. Дифференциал и его применение в приближенных вычислениях.
20. Производные и дифференциалы высших порядков.
21. Формулы Тейлора и Маклорена.
22. Правило Лопиталя.
23. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.
24. Понятие определенного интеграла как предела интегральных сумм.
25. Основные свойства определенного интеграла.
26. Формулы оценки определенных интегралов.
27. Несобственные интегралы.
28. Функции нескольких переменных.
29. Частные производные.
30. Полное приращение и полный дифференциал.
31. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
32. Градиент и производная по направлению.
33. Экстремумы ФНП. Условный экстремум.
34. Задача Коши. Теорема Коши для дифференциальных уравнений.
35. Дифференциальные уравнения первого порядка.
36. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков.

37. Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков. Фундаментальная система решений.
38. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков.
39. Числовые ряды. Необходимый признак сходимости. Достаточные признаки сходимости.
40. Знакопеременные ряды. Знакочередующиеся ряды.
41. Абсолютная и условная сходимость рядов.
42. Степенные ряды.
43. Ряды Фурье.
44. Ряд Фурье для четных и нечетных функций.
45. Ряд Фурье для функции произвольного периода.

1. Линейная алгебра.
2. Векторная алгебра.
3. Аналитическая геометрия.
4. Комплексные числа.
5. Математический анализ.

Методические указания к контрольным и типовым работам приведены в следующих источниках:

1. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2299](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2299): Мошнина Е.Н., Попова Т.Н. Математика. Часть 1
2. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2444](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2444): Ежкова Н.В., Кутарова Е.И. Математика. Часть 1
3. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2075](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2075): Ежкова Н. В., Мошнина Е. Н., Кутарова Е. И. Векторная алгебра: методические указания к типовому расчету
4. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2443](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2443): Линейная алгебра: метод. указания и типовой расчет по курсу математики / сост. Н.В.Ежкова, Е.И.Кутарова., Е.Н.Мошнина.
5. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2298](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2298): Дифференциальное исчисление функции одной переменной: метод. указания и типовой расчет по курсу математики / сост. Е.Н.Мошнина., Т.Н.Попова
6. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2300](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2300): Неопределенный интеграл: метод. указания к практическим занятиям и выполнению типового расчета по дисциплине Математика для студентов всех образовательных программ / Сост. Е.Н.Мошнина
7. Библиотека МИ ВлГУ: Методические указания и типовой расчет по теме "Дифференциальные уравнения" в 2-х ч. Ч.1,Ч.2/Муром. ин-т (фил.) Влад. гос. ун-та; Сост. Е.Н. Мошнина, Н.Л. Перельмутер, Т.Н.Самсонова. - Муром: ИПЦ МИ ВлГУ, 2000. - 38с., 42 с. 517 100 экз. 2000
8. Библиотека МИ ВлГУ: Методические указания и типовой расчет по теме "Ряды" / Владим. гос. ун-т; Сост. Е.Н. Мошнина, Н.Л. Перельмутер. Владимир, 1997. 44 с. 100 экз.1997

Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

#### **4.1.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР**

1. Линейная алгебра.
2. Векторная алгебра.
3. Аналитическая геометрия.
4. Комплексные числа.
5. Математический анализ.

Методические указания к контрольным и типовым работам приведены в следующих источниках:

1. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2299](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2299): Мошнина Е.Н., Попова Т.Н. Математика. Часть 1
2. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2444](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2444): Ежкова Н.В., Кутарова Е.И. Математика. Часть 1



3. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2075](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2075): Ежкова Н. В., Мошнина Е. Н., Кутарова Е. И. Векторная алгебра: методические указания к типовому расчету
4. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2443](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2443): Линейная алгебра: метод. указания и типовый расчет по курсу математики / сост. Н.В.Ежкова, Е.И.Кутарова., Е.Н.Мошнина.
5. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2298](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2298): Дифференциальное исчисление функции одной переменной: метод. указания и типовый расчет по курсу математики / сост. Е.Н.Мошнина., Т.Н.Попова
6. [http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book\\_inf&com=view\\_inf&book\\_id=2300](http://elib.mivlgu.local/index.php?mod=book_inf&com=view_inf&book_id=2300): Неопределенный интеграл: метод. указания к практическим занятиям и выполнению типового расчета по дисциплине Математика для студентов всех образовательных программ / Сост. Е.Н.Мошнина
7. Библиотека МИ ВлГУ: Методические указания и типовый расчет по теме "Дифференциальные уравнения" в 2-х ч. Ч.1,Ч.2/Муром. ин-т (фил.) Влад. гос. ун-та; Сост. Е.Н. Мошнина, Н.Л. Перельмутер, Т.Н.Самсонова. - Муром: ИПЦ МИ ВлГУ, 2000. - 38с., 42 с. 517 100 экз. 2000
8. Библиотека МИ ВлГУ: Методические указания и типовый расчет по теме "Ряды" / Владим. гос. ун-т; Сост. Е.Н. Мошнина, Н.Л. Перельмутер. Владимир, 1997. 44 с. 100 экз.1997

#### **4.1.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)**

Не планируется.

## 4.2 Форма обучения: заочная

Уровень базового образования: среднее общее.

Срок обучения 5л.

| Семестр | Трудоем-<br>кость,<br>час./ зач.<br>ед. | Лек-<br>ции,<br>час. | Практи-<br>ческие<br>занятия,<br>час. | Лабора-<br>торные<br>работы,<br>час. | Консультация,<br>час. | Конт-<br>роль, час. | Всего<br>(контакт-<br>ная<br>работа),<br>час. | СРС,<br>час. | Форма<br>промежуточного<br>контроля (экс.,<br>зач., зач. с оп.) |
|---------|---|----------------------|---------------------------------------|--------------------------------------|-----------------------|---------------------|---|--------------|---|
| 1       | 234 / 6,5                               | 4                    | 4                                     |                                      | 2                     | 0,6                 | 10,6  | 214,75       | Экс.(8,65)  |
| 2       | 234 / 6,5                               | 4                    | 4                                     |                                      | 2                     | 0,6                 | 10,6  | 214,75       | Экс.(8,65)  |
| Итого   | 468 / 13                                | 8                    | 8                                     |                                      | 4                     | 1,2                 | 21,2  | 429,5        | 17,3  |

### 4.2.1. Структура дисциплины

| №<br>п/п         | Раздел (тема)<br>дисциплины  | Семестр | Контактная работа<br>обучающихся с<br>педагогическим работником |                      |                     |                    |         |              |          | Самостоятельная работа | Форма текущего<br>контроля<br>успеваемости (по<br>неделям семестра),<br>форма<br>промежуточной<br>аттестации(по<br>семестрам) |
|------------------|------------------------------|---------|---|----------------------|---------------------|--------------------|---------|--------------|----------|------------------------|---|
|                  |                              |         | Лекции  | Практические занятия | Лабораторные работы | Контрольные работы | КП / КР | Консультация | Контроль |                        |   |
| 1                | Линейная и векторная алгебра | 1       | 2   | 2                    |                     |                    |         |              |          | 150                    | контрольная работа  |
| 2                | Аналитическая геометрия      | 1       | 2   | 2                    |                     |                    |         |              |          | 64,75                  | контрольная работа  |
| Всего за семестр |                              | 234     | 4   | 4                    |                     | +                  |         | 2            | 0,6      | 214,75                 | Экс.(8,65)  |
| 3                | Математический анализ        | 2       | 4   | 4                    |                     |                    |         |              |          | 214,75                 | контрольная работа  |
| Всего за семестр |                              | 234     | 4   | 4                    |                     | +                  |         | 2            | 0,6      | 214,75                 | Экс.(8,65)  |
| Итого            |                              | 468     | 8   | 8                    |                     |                    |         | 4            | 1,2      | 429,5                  | 17,3  |

### 4.2.2. Содержание дисциплины

#### 4.2.2.1. Перечень лекций

##### Семестр 1

Раздел 1. Линейная и векторная алгебра

##### Лекция 1.

Матрицы. Элементарные преобразования матрицы. Определители. Метод Крамера решения систем линейных уравнений. Элементы векторной алгебры (2 часа).

## *Раздел 2. Аналитическая геометрия*

### **Лекция 2.**

Уравнения прямой на плоскости. Кривые второго порядка (2 часа).

### **Семестр 2**

## *Раздел 3. Математический анализ*

### **Лекция 3.**

Функция. Предел функции. Производная функции. Неопределенный интеграл. Определенный интеграл (2 часа).

### **Лекция 4.**

Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков (2 часа).

## **4.2.2.2. Перечень практических занятий**

### **Семестр 1**

## *Раздел 1. Линейная и векторная алгебра*

### **Практическое занятие 1.**

Матрицы. Элементарные преобразования матрицы. Определители. Метод Крамера решения систем линейных уравнений (2 часа).

## *Раздел 2. Аналитическая геометрия*

### **Практическое занятие 2.**

Уравнения прямой на плоскости. Кривые второго порядка (2 часа).

### **Семестр 2**

## *Раздел 3. Математический анализ*

### **Практическое занятие 3.**

Функция. Предел функции. Производная функции. Неопределенный интеграл. Определенный интеграл (2 часа).

### **Практическое занятие 4.**

Дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков (2 часа).

## **4.2.2.3. Перечень лабораторных работ**

Не планируется.

## **4.2.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы**

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Матрицы. Основные действия над матрицами.
2. Элементарные преобразования матрицы. Транспонированная матрица.
3. Определители (детерминанты).
4. Миноры. Алгебраические дополнения.
5. Обратная матрица.
6. Базисный минор матрицы. Ранг матрицы.
7. Теорема о базисном миноре.
8. Методы решения систем линейных уравнений.
9. Элементы векторной алгебры.
10. Свойства векторов.
11. Линейная зависимость векторов.
12. Система координат. Декартова система координат.
13. Линии на плоскости.
14. Кривые второго порядка.
15. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.
16. Производная функции, ее геометрический и физический смысл.
17. Односторонние производные функции в точке.
18. Основные правила дифференцирования.

19. Производные основных элементарных функций.
20. Производная сложной функции.
21. Логарифмическое дифференцирование.
22. Производная показательно-степенной функции.
23. Производная обратных функций.
24. Первообразная функция.
25. Неопределенный интеграл.
26. Метод непосредственного интегрирования.
27. Метод интегрирования подстановкой (замена переменных).
28. Определенный интеграл.
29. Свойства определенного интеграла.
30. Вычисление определенного интеграла.
31. Замена переменных.
32. Интегрирование по частям.
33. Приближенное вычисление определенного интеграла.
34. Несобственные интегралы.
35. Задача Коши. Теорема Коши для дифференциальных уравнений.
36. Дифференциальные уравнения первого порядка.
37. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков.
38. Линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков.

Фундаментальная система решений.

39. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков.

Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

#### **4.2.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР**

1. темы контрольных работ.
2. 1. Элементы линейной алгебры.
3. 2. Элементы векторной алгебры.
4. 3. Аналитическая геометрия.
5. 4. Введение в анализ.
6. 5. Дифференцирование функции одной переменной.
7. 6. Неопределенный интеграл.
8. 7. Определенный интеграл.
9. 8. Дифференциальные уравнения первого порядка.
10. 9. Дифференциальные уравнения высших порядков.

#### **4.2.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)**

Не планируется.

### **5. Образовательные технологии**

В процессе изучения дисциплины "Математика" применяются классические лекционные образовательные технологии, на практиках применяются индивидуальные и групповые технологии преподавания; используется контактная технология, разбор конкретных ситуаций, деловые игры, диспут. Преподавателем обозначается проблема, которая затем обсуждается, решается. Результат и ход решения демонстрируются с использованием мультимедийной техники. Используется также самостоятельное решение учащимися типовых задач и примеров.

### **6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.**

Фонды оценочных материалов (средств) приведены в приложении.

## **7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.**

### **7.1. Основная учебно-методическая литература по дисциплине**

1. Глухов, В. А. Курс высшей математики. В 2-х томах. Т. I : учебник / В. А. Глухов, Г. А. Котов, О. В. Котова. — Макеевка : Донбасская национальная академия строительства и архитектуры, ЭБС АСВ, 2020. — 566 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99382.html>
2. Глухов, В. А. Курс высшей математики. В 2-х томах. Т. II : учебник / В. А. Глухов, Г. А. Котов, О. В. Котова. — Макеевка : Донбасская национальная академия строительства и архитектуры, ЭБС АСВ, 2020. — 566 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99383.html>
3. Тетруашвили, Е. В. Математика. Часть 1 : практикум / Е. В. Тетруашвили, В. В. Ершов. — 2-е изд. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2021. — 204 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99095.html>
4. Тетруашвили, Е. В. Математика. Часть 2 : практикум / Е. В. Тетруашвили, В. В. Ершов. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2020. — 196 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99096.html>
5. Тетруашвили, Е. В. Математика. Часть 3 : практикум / Е. В. Тетруашвили, В. В. Ершов. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2022. — 106 с. - <https://www.iprbookshop.ru/117621.html>

### **7.2. Дополнительная учебно-методическая литература по дисциплине**

1. Югова, Н. В. Высшая математика. Дифференциальные уравнения : учебно-методическое пособие / Н. В. Югова. — Новосибирск : Новосибирский государственный технический университет, 2020. — 28 с. - <https://www.iprbookshop.ru/99175.html>
2. Иванов, Д. Ю. Дифференцирование и экстремальные свойства функций нескольких переменных : учебное пособие к практическим занятиям по высшей математике / Д. Ю. Иванов, Д. Д. Захаров. — Москва : Российский университет транспорта (МИИТ), 2021. — 55 с. - <https://www.iprbookshop.ru/115837.html>
3. Математика. Дифференциальное исчисление. Ч. I. Функции одной независимой переменной : учебное пособие / А. Э. Адигамов, П. В. Макаров, Н. В. Семенова, Ф. Л. Дамиан. — Москва : Издательский Дом МИСиС, 2021. — 76 с. - <https://www.iprbookshop.ru/116937.html>
4. Клово, А. Г. Математика в техническом вузе для 2-го семестра : учебное пособие / А. Г. Клово, И. А. Ляпунова. — Ростов-на-Дону, Таганрог : Издательство Южного федерального университета, 2021. — 198 с. - <https://www.iprbookshop.ru/117180.html>
5. Бырдин, А. П. Математика : практикум / А. П. Бырдин, А. А. Сидоренко, О. А. Соколова. — Воронеж : Воронежский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2021. — 167 с. - <https://www.iprbookshop.ru/111470.html>
6. Алексеев, Г. В. Курс высшей математики для гуманитарных направлений : учебное пособие / Г. В. Алексеев, И. И. Холявин. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2020. — 264 с. - <https://www.iprbookshop.ru/96847.html>
7. Клово, А. Г. Курс лекций по математике : учебное пособие / А. Г. Клово, И. А. Ляпунова. — Ростов-на-Дону, Таганрог : Издательство Южного федерального университета, 2020. — 199 с. - <https://www.iprbookshop.ru/107998.html>
8. Шнарева, Г. В. Высшая математика (линейная алгебра) : методические указания к выполнению типовых расчетов. Для направлений подготовки 38.03.01 Экономика, 38.03.05 Бизнес-информатика (квалификация — бакалавр) / Г. В. Шнарева. — Симферополь : Университет экономики и управления, 2020. — 57 с. - <https://www.iprbookshop.ru/101397.html>
9. Муратова, Л. А. Типовой расчет «Математика, I семестр» : учебно-методическое пособие / Л. А. Муратова, Л. В. Лиманова. — Самара : Самарский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2020. — 116 с. - <https://www.iprbookshop.ru/105243.html>
10. Сборник задач и упражнений по математике : учебно-методическое пособие / Р. М. Айнбиндер, С. П. Горбиков, В. Н. Неймарк [и др.]. — Нижний Новгород : Нижегородский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ, 2020. — 170 с. - <https://www.iprbookshop.ru/107393.html>

### **7.3. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

В образовательном процессе используются информационные технологии, реализованные на основе информационно-образовательного портала института ([www.mivlgu.ru/iop](http://www.mivlgu.ru/iop)), и инфокоммуникационной сети института:

- предоставление учебно-методических материалов в электронном виде;
- взаимодействие участников образовательного процесса через локальную сеть института и Интернет;
- предоставление сведений о результатах учебной деятельности в электронном личном кабинете обучающегося.

Информационные справочные системы:

не используется

Программное обеспечение:

Не предусмотрено.

### **7.4. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины**

[iprbookshop.ru](http://iprbookshop.ru)

[mivlgu.ru/iop](http://mivlgu.ru/iop)

## **8. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Лекционная аудитория

Комплект учебно-методических материалов; видеопроектор ViewSonic PG603X DLP; персональный компьютер RUSCO -1 шт., экран DRAPPER Apex STAR. Доступ к сети Интернет

## **9. Методические указания по освоению дисциплины**

Для успешного освоения теоретического материала обучающийся: знакомится со списком рекомендуемой основной и дополнительной литературы; уточняет у преподавателя, каким дополнительным пособиям следует отдать предпочтение; ведет конспект лекций и прорабатывает лекционный материал, пользуясь как конспектом, так и учебными пособиями.

На практических занятиях пройденный теоретический материал подкрепляется решением задач по основным темам дисциплины. В конце занятия обучающие демонстрируют полученные результаты преподавателю и при необходимости делают работу над ошибками.

Каждый обучающийся самостоятельно определяет режим своей работы и меру труда, затрачиваемого на овладение учебным содержанием дисциплины. Он выполняет внеаудиторную работу и изучение разделов, выносимых на самостоятельную работу, по личному индивидуальному плану, в зависимости от его подготовки, времени и других условий.

Типовая работа предполагает работу обучающегося с учебной литературой, методическими указаниями. Обучающийся получает от преподавателя индивидуальное задание. Решение оформляется в тетради и сдается на проверку преподавателю. После положительной рецензии преподавателя, работа допускается к собеседованию. При неудовлетворительной рецензии студент исправляет замечания и вновь сдает работу на рецензирование.

Форма заключительного контроля при промежуточной аттестации – экзамен. Для проведения промежуточной аттестации по дисциплине разработаны фонд оценочных средств и балльно-рейтинговая система оценки учебной деятельности студентов. Оценка по дисциплине выставляется в информационной системе и носит интегрированный характер, учитывающий результаты оценивания участия студентов в аудиторных занятиях, качества и

своевременности выполнения заданий в ходе изучения дисциплины и промежуточной аттестации.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению *12.03.01 Приборостроение* и профилю подготовки *Программирование робототехнических систем*

Рабочую программу составил *Ботанова Л.В.* \_\_\_\_\_

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры *ФПМ*

протокол № 21 от 02.05.2024 года.

Заведующий кафедрой *ФПМ* \_\_\_\_\_ *Орлов А.А.*

(Подпись)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии факультета

протокол № 9 от 17.05.2024 года.

Председатель комиссии *ФИТР* \_\_\_\_\_ *Рыжкова М.Н.*

(Подпись)

(Ф.И.О.)



**Фонд оценочных материалов (средств) по дисциплине**  
Математика

**1. Оценочные материалы для проведения текущего контроля успеваемости по дисциплине**

Задачи для выполнения на практических занятиях:  
[https://scala.mivlgu.ru/upload/files\\_opor/dacfb5964ad702e00705d98edd2c4313\\_1677424778.doc](https://scala.mivlgu.ru/upload/files_opor/dacfb5964ad702e00705d98edd2c4313_1677424778.doc)

**Общее распределение баллов текущего контроля по видам учебных работ для студентов**

|  |                                |   |
|--|--------------------------------|---|
| Рейтинг-контроль 1                                   | Два практических задания из ТР | до 10 баллов (1-й семестр),<br>до 10 баллов (2-й семестр) |
| Рейтинг-контроль 2                                   | Два практических задания из ТР | до 10 баллов (1-й семестр),<br>до 10 баллов (2-й семестр) |
| Рейтинг-контроль 3                                   | Два практических задания из ТР | до 15 баллов (1-й семестр),<br>до 15 баллов (2-й семестр) |
| Посещение занятий студентом                          |                                | до 5 баллов (1-й семестр), до<br>5 баллов (2-й семестр)   |
| Дополнительные баллы (бонусы)                        |                                | до 5 баллов (1-й семестр), до<br>5 баллов (2-й семестр)   |
| Выполнение семестрового плана самостоятельной работы |                                | до 15 баллов (1-й семестр),<br>до 15 баллов (2-й семестр) |
|  |                                |   |

**2. Промежуточная аттестация по дисциплине**

**Перечень вопросов к экзамену / зачету / зачету с оценкой.**

**Перечень практических задач / заданий к экзамену / зачету / зачету с оценкой (при наличии)**

Вопросы, задания для промежуточной аттестации:  
[https://scala.mivlgu.ru/upload/files\\_opor/2921f549cf38f5e30f419ae84384a394\\_1665759141.doc](https://scala.mivlgu.ru/upload/files_opor/2921f549cf38f5e30f419ae84384a394_1665759141.doc)

**Методические материалы, характеризующие процедуры оценивания**

На основе типовых заданий из раздела 6.3. программным комплексом информационно-образовательного портала МИ ВлГУ формируются в автоматическом режиме тестовые задания для студентов: три вопроса из блока 1, три вопроса из блока 2 и четыре вопроса из блока 3. Программный комплекс формирует индивидуальные задания для каждого зарегистрированного в системе студента и устанавливает время прохождения тестирования. Результатом тестирования является процент правильных ответов, с учетом индивидуального семестрового рейтинга студента формируется экзаменационная оценка.

Максимальная сумма баллов, набираемая студентом по дисциплине равна 100.

| Оценка в баллах | Оценка по шкале | Обоснование                                       | <i>Уровень сформированности компетенций</i> |
|-----------------|-----------------|---|---|
| Более 80        | «Отлично»       | Содержание курса освоено полностью, без пробелов, | <b>Высокий уровень</b>                      |

|          |                       |  |   |
|----------|-----------------------|--|---|
|          |                       | необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимальному   |   |
| 66-80    | «Хорошо»              | Содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы недостаточно, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество выполнения ни одного из них не оценено минимальным числом баллов, некоторые виды заданий выполнены с ошибками | <b><i>Продвинутый уровень</i></b>         |
| 50-65    | «Удовлетворительно»   | Содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, некоторые из выполненных заданий, возможно, содержат ошибки                      | <b><i>Пороговый уровень</i></b>           |
| Менее 50 | «Неудовлетворительно» | Содержание курса не освоено, необходимые практические навыки работы не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки  | <b><i>Компетенции не сформированы</i></b> |

### 3. Задания в тестовой форме по дисциплине

Примеры заданий:

Тема: Матрицы

Квадратная матрица называется диагональной, если...

- о элементы, лежащие на побочной диагонали, равны нулю
- о элементы, лежащие на главной диагонали, равны нулю
- о элементы, не лежащие на главной диагонали, равны нулю
- о элементы, лежащие ниже главной диагонали, равны нулю

Тема: Определители

Если поменять местами две строки (два столбца) квадратной матрицы, то определитель...

- о не изменится
- о поменяет знак
- о станет равным нулю
- о увеличится в два раза

Тема: Векторы

1. Скалярное произведение двух векторов будет скаляром?

- ☐ Да
  - ☐ Нет
2. Векторное произведение двух векторов будет вектором?
- ☐ Да
  - ☐ Нет

Тема: Прямая на плоскости

Произведение угловых коэффициентов прямых  $4x-8y+9=0$  и  $2x+y+5=0$  , равно...

- ☐ 1
- ☐ 1
- ☐ 2
- ☐ 3

Тема: Комплексные числа

1. Действительная часть комплексного числа  $5(-2+2i)$  равна...

- ☐ 2
- ☐ -10
- ☐ 10
- ☐ 2

2. Найти сумму комплексных чисел  $z=-3-i$  и  $z=1+2i$

- ☐  $-2+i$
- ☐  $2-i$
- ☐  $4+3i$
- ☐  $-4-3i$

Тема: Производная

1. Найти производную функции  $y=\sin(8+4x)$

- ☐  $4\cos(8+4x)$
- ☐  $-4\cos(8+4x)$
- ☐  $\cos 4x$
- ☐  $-\cos 4x$

2. Найти производную третьего порядка функции  $y=\sin 3x$

- ☐  $\cos 3x$
- ☐  $-\cos 3x$
- ☐  $-27 \cos 3x$
- ☐  $27 \cos 3x$

Полный перечень тестовых заданий с указанием правильных ответов, размещен в банке вопросов на информационно-образовательном портале института по ссылке <https://www.mivlgu.ru/iop/question/edit.php?courseid=414&cat=30801%2C13005&qpage=0&category=24475%2C13005&qshowtext=0&qshowtext=1&recurse=0&recurse=1&showhidden=0&showhidden=1>

Оценка рассчитывается как процент правильно выполненных тестовых заданий из их общего числа.