

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Муромский институт (филиал)
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования
**«Владимирский государственный университет
имени Александра Григорьевича и Николая Григорьевича Столетовых»**
(МИ ВлГУ)

Кафедра *ТМС*

«УТВЕРЖДАЮ»
Заместитель директора по УР
Д.Е. Андрианов
_____ 19.05.2026

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Основы математического моделирования

Направление подготовки

*15.03.05 Конструкторско-технологическое
обеспечение машиностроительных
производств*

Профиль подготовки

Цифровые технологии в машиностроении

Семестр	Трудоем- кость, час./зач. ед.	Лек- ции, час.	Практи- ческие занятия, час.	Лабора- торные работы, час.	Консуль- тация, час.	Конт- роль, час.	Всего (контак- тная работа), час.	СРС, час.	Форма промежу- точного контроля (экз., зач., зач. с оц.)
4	72 / 2	16		16	1,6	0,25	33,85	38,15	Зач.
Итого	72 / 2	16		16	1,6	0,25	33,85	38,15	

Муром, 2026 г.

1. Цель освоения дисциплины

Цели и задачи дисциплины:

1. Ознакомление студентов с рядом разделов математического моделирования, методами научных исследований и их применением в решении типовых задач в области проектирования технологических процессов обработки заготовок деталей машин, а также изготовления и эксплуатации режущих инструментов.
2. Изучение известных способов математической оценки, формализации и моделирования реальных явлений, свойственных распространенным процессам в машиностроении; вопросов математического моделирования и оптимизации технологических станочных систем.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Изучение дисциплины «Основы математического моделирования» базируется на знаниях дисциплин: «Математика», «Информатика», «Физика».

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине, в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства
	Индикатор достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	
ОПК-5 Способен использовать основные закономерности, действующие в процессе изготовления машиностроительных изделий требуемого качества, заданного количества при наименьших затратах общественного труда	ОПК-5.1 Демонстрирует знания математики, необходимые для решения задач в области профессиональной деятельности	Основные понятия, определения, методы математического моделирования и его возможности для решения прикладных задач . (ОПК-5.1) Применять математические методы при решении типовых профессиональных задач на определение оптимальных соотношений параметров различных систем (ОПК-5.1)	вопросы к устному опросу

4. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных единицы, 72 часа.

4.1. Форма обучения: очная

Уровень базового образования: среднее общее.

Срок обучения 4г.

4.1.1. Структура дисциплины

№ п\п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Контактная работа обучающихся с педагогическим работником						Самостоятельная работа	Форма текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации(по семестрам)	
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	КП / КР	Консультация			Контроль
1	Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении. Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей. Требования, предъявляемые к математическим моделям.	4	4		4					6	устный опрос
2	Основы исследования операций. Задачи принятия решений и оптимизации. Основы математического программирования: линейного и нелинейного.	4	4		4					6	устный опрос,
3	Нелинейное программирование. Поиск экстремума функций одной и нескольких переменных. Численные методы решения задач нелинейного программирования.	4	4		4					12	устный опрос
4	Методы решения	4	4		4					14,15	устный опрос,

	многокритериальных задач оптимизации. Математическое моделирование точности обработки на станках.										
Всего за семестр		72	16		16			1,6	0,25	38,15	Зач.
Итого		72	16		16			1,6	0,25	38,15	

4.1.2. Содержание дисциплины

4.1.2.1. Перечень лекций

Семестр 4

Раздел 1. Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей.

Требования, предъявляемые к математическим моделям.

Лекция 1.

Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении (2 часа).

Лекция 2.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей. Т (2 часа).

Раздел 2. Основы исследования операций. Задачи принятия решений и оптимизации. Основы математического программирования: линейного и нелинейного.

Лекция 3.

ребования, предъявляемые к математическим моделям (2 часа).

Лекция 4.

Основы исследования операций. Задачи принятия решений и оптимизации (2 часа).

Раздел 3. Нелинейное программирование. Поиск экстремума функций одной и нескольких переменных. Численные методы решения задач нелинейного программирования.

Лекция 5.

Основы математического программирования: линейного и нелинейного (2 часа).

Лекция 6.

Нелинейное программирование. Поиск экстремума функций одной и нескольких переменных (2 часа).

Раздел 4. Методы решения многокритериальных задач оптимизации. Математическое моделирование точности обработки на станках.

Лекция 7.

Численные методы решения задач нелинейного программирования (2 часа).

Лекция 8.

Методы решения многокритериальных задач оптимизации. Математическое моделирование точности обработки на станках (2 часа).

4.1.2.2. Перечень практических занятий

Не планируется.

4.1.2.3. Перечень лабораторных работ

Семестр 4

Раздел 1. Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей.

Требования, предъявляемые к математическим моделям.

Лабораторная 1.

Погрешности измерений, их классификация. Математическая обработка результатов измерений (4 часа).

Раздел 2. Основы исследования операций. Задачи принятия решений и оптимизации. Основы математического программирования: линейного и нелинейного.

Лабораторная 2.

Графоаналитический метод решения задач оптимизации (4 часа).

Раздел 3. Нелинейное программирование. Поиск экстремума функций одной и нескольких переменных. Численные методы решения задач нелинейного программирования.

Лабораторная 3.

Определение рациональных геометрических параметров цилиндрических фрез и режимов резания, обеспечивающих максимальную равномерность фрезерования (4 часа).

Раздел 4. Методы решения многокритериальных задач оптимизации. Математическое моделирование точности обработки на станках.

Лабораторная 4.

Аппроксимация исходных данных методом линейных квадратов и методом выравнивания (4 часа).

4.1.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Какие известны по литературным источникам методы математического моделирования, их недостатки?
2. Как устранены недостатки существующих методов математического моделирования в изложенной выше разработке?
3. Что такое математическая модель, зачем надо ее выявлять и как ее анализировать?
4. Как производится выбор показателей процесса, существенных факторов, планов проведения экспериментов, как выполняются эксперименты для математического моделирования?
5. Почему для выявления математических моделей выбраны уравнения в виде рядов (многочленов), как называются эти уравнения и коэффициенты при каждом члене многочлена?
6. Как объяснить применение при математическом моделировании понятия регрессии?
7. Какие особенности моделирования многофакторного процесса?
8. Каков алгоритм математического моделирования для программирования применительно к использованию ЭВМ?
9. В чем заключаются преимущества языка программирования Бейсик, какие операторы языка Бейсик использованы в разработанных программах?
10. Можно ли совершенствовать, оптимизировать, прогнозировать, автоматизировать процессы, разрабатывать изобретения на основе математических моделей?
11. Как достигается экономичность исследовательской работы при последующем математическом моделировании?
12. В чем заключается фундаментальность исследований и какое значение имеет математическое моделирование при выполнении таких исследований?
13. Необходимо ли применять математическое моделирование при выполнении научно-исследовательских, диссертационных работ, каковы могут быть направления дальнейшего совершенствования методики математического моделирования?

Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

4.1.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР

Не планируется.

4.1.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)

Не планируется.

4.2 Форма обучения: заочная

Уровень базового образования: среднее общее.

Срок обучения 5л.

Семестр	Трудоёмкость, час./ зач. ед.	Лекции, час.	Практические занятия, час.	Лабораторные работы, час.	Консультация, час.	Контроль, час.	Всего (контактная работа), час.	СРС, час.	Форма промежуточного контроля (экс., зач., зач. с оп.)
10	72 / 2	2		4	1	0,5	7,5	60,75	Зач.(3,75)
Итого	72 / 2	2		4	1	0,5	7,5	60,75	3,75

4.2.1. Структура дисциплины

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Контактная работа обучающихся с педагогическим работником							Самостоятельная работа	Форма текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации(по семестрам)
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	КП / КР	Консультация	Контроль		
1	Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении. Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей. Требования, предъявляемые к математическим моделям.	10	2		4					11	устный опрос
2	Основы исследования операций. Задачи принятия решений и оптимизации. Основы математического программирования: линейного и нелинейного.	10								15	устный опрос,
3	Нелинейное программирование. Поиск экстремума функций одной и нескольких переменных. Численные методы	10								15	устный опрос

	решения задач нелинейного программирования.										
4	Методы решения многокритериальных задач оптимизации. Математическое моделирование точности обработки на станках.	10							19,75	устный опрос,	
Всего за семестр		72	2		4	+		1	0,5	60,75	Зач.(3,75)
Итого		72	2		4			1	0,5	60,75	3,75

4.2.2. Содержание дисциплины

4.2.2.1. Перечень лекций

Семестр 10

Раздел 1. Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей.

Требования, предъявляемые к математическим моделям.

Лекция 1.

Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей (2 часа).

4.2.2.2. Перечень практических занятий

Не планируется.

4.2.2.3. Перечень лабораторных работ

Семестр 10

Раздел 1. Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей.

Требования, предъявляемые к математическим моделям.

Лабораторная 1.

Погрешности измерений, их классификация. Математическая обработка результатов измерений (4 часа).

4.2.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Какие известны по литературным источникам методы математического моделирования, их недостатки?.
2. Как устранены недостатки существующих методов математического моделирования в изложенной выше разработке?.
3. Что такое математическая модель, зачем надо ее выявлять и как ее анализировать?.
4. Как производится выбор показателей процесса, существенных факторов, планов проведения экспериментов, как выполняются эксперименты для математического моделирования?.
5. Почему для выявления математических моделей выбраны уравнения в виде рядов (многочленов), как называются эти уравнения и коэффициенты при каждом члене многочлена?.
6. Как объяснить применение при математическом моделировании понятия регрессии?.
7. Какие особенности моделирования многофакторного процесса?.
8. Каков алгоритм математического моделирования для программирования применительно к использованию ЭВМ?.

9. В чем заключаются преимущества языка программирования Бейсик, какие операторы языка Бейсик использованы в разработанных программах?

10. Можно ли совершенствовать, оптимизировать, прогнозировать, автоматизировать процессы, разрабатывать изобретения на основе математических моделей?

11. Как достигается экономичность исследовательской работы при последующем математическом моделировании?

12. В чем заключается фундаментальность исследований и какое значение имеет математическое моделирование при выполнении таких исследований?

13. Необходимо ли применять математическое моделирование при выполнении научно-исследовательских, диссертационных работ, каковы могут быть направления дальнейшего совершенствования методики математического моделирования?

Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

4.2.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР

1. 1. Математическое программирование, линейное программирование,.
2. 2. Основы вариационного исчисления.
3. 3. Задачи оптимального управления. Принцип максимума. Принцип динамического программирования.
4. 4. Аксиоматика теории вероятностей. Вероятность, условная вероятность. Независимость. Случайные величины и векторы.
5. 5. Элементы корреляционной теории случайных векторов. Элементы теории случайных процессов. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения.
6. 6. Элементы теории проверки статистических гипотез. Элементы многомерного статистического анализа.
7. 7. Основные понятия теории статистических решений. Основы теории формации.
8. 8. Принятие решений. Общая проблема решения.. Метод последовательного принятия решения.
9. 9. Экспертизы и неформальные процедуры. Автоматизация проектирования. Искусственный интеллект. Распознавание образов.
10. 10. Интерполяция и аппроксимация функциональных зависимостей.
11. 11. Численное дифференцирование и интегрирование.
12. 12. Численные методы поиска экстремума.
13. 13. Вычислительные методы линейной алгебры.
14. 14. Численные методы решения систем дифференциальных уравнений.
15. 15. Сплайн-аппроксимация, интерполяция, метод конечных элементов.
16. 16. Преобразования Фурье, Лапласа, Хаара и др.
17. 17. Принципы проведения вычислительного эксперимента. Модель, алгоритм, программа.
18. 18. Представление о языках программирования высокого уровня. Пакеты прикладных программ.

4.2.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)

Не планируется.

4.3 Форма обучения: заочная

Уровень базового образования: среднее профессиональное.

Срок обучения 3г 6м.

Семестр	Трудоёмкость, час./ зач. ед.	Лекции, час.	Практические занятия, час.	Лабораторные работы, час.	Консультация, час.	Контроль, час.	Всего (контактная работа), час.	СРС, час.	Форма промежуточного контроля (экс., зач., зач. с оц.)
6	72 / 2	4		4	2	0,5	10,5	57,75	Зач.(3,75)
Итого	72 / 2	4		4	2	0,5	10,5	57,75	3,75

4.3.1. Структура дисциплины

№ п/п	Раздел (тема) дисциплины	Семестр	Контактная работа обучающихся с педагогическим работником							Самостоятельная работа	Форма текущего контроля успеваемости (по неделям семестра), форма промежуточной аттестации(по семестрам)
			Лекции	Практические занятия	Лабораторные работы	Контрольные работы	КП / КР	Консультация	Контроль		
1	Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении. Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей. Требования, предъявляемые к математическим моделям.	6	2		4					14	устный опрос
2	Основы исследования операций. Задачи принятия решений и оптимизации. Основы математического программирования: линейного и нелинейного.	6	2							15	устный опрос,
3	Нелинейное программирование. Поиск экстремума функций одной и нескольких переменных. Численные методы	6								12	устный опрос

	решения задач нелинейного программирования.										
4	Методы решения многокритериальных задач оптимизации. Математическое моделирование точности обработки на станках.	6							16,75	устный опрос,	
Всего за семестр		72	4		4	+		2	0,5	57,75	Зач.(3,75)
Итого		72	4		4			2	0,5	57,75	3,75

4.3.2. Содержание дисциплины

4.3.2.1. Перечень лекций

Семестр 6

Раздел 1. Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей.

Требования, предъявляемые к математическим моделям.

Лекция 1.

Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования (2 часа).

Раздел 2. Основы исследования операций. Задачи принятия решений и оптимизации. Основы математического программирования: линейного и нелинейного.

Лекция 2.

Классификация математических моделей. Требования, предъявляемые к математическим моделям (2 часа).

4.3.2.2. Перечень практических занятий

Не планируется.

4.3.2.3. Перечень лабораторных работ

Семестр 6

Раздел 1. Общие понятия математического моделирования процессов в машиностроении.

Объекты математического моделирования. Классификация математических моделей.

Требования, предъявляемые к математическим моделям.

Лабораторная 1.

Погрешности измерений, их классификация. Математическая обработка результатов измерений (4 часа).

4.3.2.4. Перечень тем и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы

Перечень тем, вынесенных на самостоятельное изучение:

1. Какие известны по литературным источникам методы математического моделирования, их недостатки?
2. Как устранены недостатки существующих методов математического моделирования в изложенной выше разработке?
3. Что такое математическая модель, зачем надо ее выявлять и как ее анализировать?.
4. Как производится выбор показателей процесса, существенных факторов, планов проведения экспериментов, как выполняются эксперименты для математического моделирования?.
5. Почему для выявления математических моделей выбраны уравнения в виде рядов (многочленов), как называются эти уравнения и коэффициенты при каждом члене многочлена?.

6. Как объяснить применение при математическом моделировании понятия регрессии?
 7. Какие особенности моделирования многофакторного процесса?
 8. Каков алгоритм математического моделирования для программирования применительно к использованию ЭВМ?
 9. В чем заключаются преимущества языка программирования Бейсик, какие операторы языка Бейсик использованы в разработанных программах?
 10. Можно ли совершенствовать, оптимизировать, прогнозировать, автоматизировать процессы, разрабатывать изобретения на основе математических моделей?
 11. Как достигается экономичность исследовательской работы при последующем математическом моделировании?
 12. В чем заключается фундаментальность исследований и какое значение имеет математическое моделирование при выполнении таких исследований?
 13. Необходимо ли применять математическое моделирование при выполнении научно-исследовательских, диссертационных работ, каковы могут быть направления дальнейшего совершенствования методики математического моделирования?
- Для самостоятельной работы используются методические указания по освоению дисциплины и издания из списка приведенной ниже основной и дополнительной литературы.

4.3.2.5. Перечень тем контрольных работ, рефератов, ТР, РГР, РПР

1. 1. Математическое программирование, линейное программирование,.
2. 2. Основы вариационного исчисления.
3. 3. Задачи оптимального управления. Принцип максимума. Принцип динамического программирования.
4. 4. Аксиоматика теории вероятностей. Вероятность, условная вероятность. Независимость. Случайные величины и векторы.
5. 5. Элементы корреляционной теории случайных векторов. Элементы теории случайных процессов. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения.
6. 6. Элементы теории проверки статистических гипотез. Элементы многомерного статистического анализа.
7. 7. Основные понятия теории статистических решений. Основы теории формации.
8. 8. Принятие решений. Общая проблема решения.. Метод последовательного принятия решения.
9. 9. Экспертизы и неформальные процедуры. Автоматизация проектирования. Искусственный интеллект. Распознавание образов.
10. 10. Интерполяция и аппроксимация функциональных зависимостей.
11. 11. Численное дифференцирование и интегрирование.
12. 12. Численные методы поиска экстремума.
13. 13. Вычислительные методы линейной алгебры.
14. 14. Численные методы решения систем дифференциальных уравнений.
15. 15. Сплайн-аппроксимация, интерполяция, метод конечных элементов.
16. 16. Преобразования Фурье, Лапласа, Хаара и др.
17. 17. Принципы проведения вычислительного эксперимента. Модель, алгоритм, программа.
18. 18. Представление о языках программирования высокого уровня. Пакеты прикладных программ.

4.3.2.6. Примерный перечень тем курсовых работ (проектов)

Не планируется.

5. Образовательные технологии

В соответствии с требованиями ФГОС ВПО для реализации компетентностного подхода предусматривается использование при подготовке по данной дисциплине активных и интерактивных форм проведения занятий. На лекционных, лабораторных занятиях

используются традиционные (пассивные), активные и интерактивные формы их проведения. В качестве активных и интерактивных форм проведения занятий в рамках дисциплины применяются:

- дискуссия – форма проведения занятия, при которой студенты высказывают своё мнение по проблеме, заданной преподавателем;
- Case-study (разбор конкретных ситуаций) – форма проведения занятия, при которой студенты совместно с преподавателем анализируют конкретную производственную проблему или сложившуюся ситуацию;
- доклад (презентация) – публичное сообщение, представляющее собой развёрнутое изложение определённой темы. Доклад может быть представлен различными участниками образовательного процесса: преподавателем, студентом, коллективом студентов, приглашённым экспертом. Докладчик готовит необходимые материалы в виде текста, презентации PowerPoint, иллюстрации и т.д.;
- моделирование – исследование объектов познания на их моделях; построение и изучение моделей реально существующих предметов или явлений для их определения, либо улучшения их характеристик, рационализации способов их построения, управления ими и прогнозирования.

6. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.

Фонды оценочных материалов (средств) приведены в приложении.

7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.

7.1. Основная учебно-методическая литература по дисциплине

1. Ахмадиев, Ф. Г. Математическое моделирование и методы оптимизации : учебное пособие / Ф. Г. Ахмадиев, Р. М. Гильфанов. — Москва : Ай Пи Ар Медиа, 2022. — 178 с. — ISBN 978-5-4497-1383-4. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/116448.html> (дата обращения: 18.12.2022). — Режим доступа: для авторизир. пользователей. - DOI: <https://doi.org/10.23682/116448> - <https://www.iprbookshop.ru/116448.html>
2. Грубый, С. В. Математическое моделирование и оптимизация механической обработки : учебник / С. В. Грубый. — Москва, Вологда : Инфра-Инженерия, 2022. — 212 с. — ISBN 978-5-9729-1033-5. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/124275.html> (дата обращения: 28.09.2022). — Режим доступа: для авторизир. пользователей - <https://www.iprbookshop.ru/124275.html>
3. Основы математического моделирования : учебное пособие / А. В. Келлер, А. А. Сидоренко, А. В. Рязских, Т. И. Костина. — Воронеж : Воронежский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2022. — 86 с. — ISBN 978-5-7731-1029-3. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/125968.html> (дата обращения: 18.12.2022). — Режим доступа: для авторизир. пользователей - <https://www.iprbookshop.ru/125968.html>

7.2. Дополнительная учебно-методическая литература по дисциплине

1. Калихман, Д. М. Математическое моделирование мехатронных систем. В 3 частях. Ч.1. Гироскопические измерители угловой скорости и акселерометры : учебно-методическое пособие / Д. М. Калихман, Е. А. Депутатова. — Саратов : Саратовский государственный технический университет имени Ю.А. Гагарина, ЭБС АСВ, 2020. — 68 с. — ISBN 978-5-7433-3418-6. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/117205.html> (дата обращения: 18.12.2022). — Режим доступа: для авторизир. пользователей. - DOI: <https://doi.org/10.23682/117205> - <https://www.iprbookshop.ru/117205.html>

7.3. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

В образовательном процессе используются информационные технологии, реализованные на основе информационно-образовательного портала института (www.mivlgu.ru/iop), и инфокоммуникационной сети института:

- предоставление учебно-методических материалов в электронном виде;
- взаимодействие участников образовательного процесса через локальную сеть института и Интернет;
- предоставление сведений о результатах учебной деятельности в электронном личном кабинете обучающегося.

Информационные справочные системы:

<http://www.mashportal.ru/> - портал машиностроения.

<http://www.lbm.ru/> - первый машиностроительный портал.

<http://www.i-mash.ru/> - Интернет-ресурс по машиностроению "и-Маш".

<http://infomach.ru/> - новости машиностроения.

<https://ibooks.ru/> - электронно-библиотечная система.

<http://www.iprbookshop.ru/> - электронно-библиотечная система.

<https://www.book.ru/> - электронная библиотека.

http://window.edu.ru/catalog/?p_rubr=2.2 - Единое окно доступа к образовательным ресурсам: профессиональное образование.

<http://e.lib.vlsu.ru/> - электронная библиотека ВлГУ.

<https://evrika.mivlgu.ru/> - электронная библиотека МИ ВлГУ.

<https://www.mivlgu.ru/iop/course/view.php?id=2374> - раздел дисциплины "Основы математического моделирования" на информационно-образовательном портале МИ ВлГУ.

Программное обеспечение:

Microsoft Office Professional Plus 2013 Open License Pack No Level Academic Edition
(Договор поставки №Сч-С-4278 от 06.10.2014 года)

7.4. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

iprbookshop.ru

mashportal.ru

lbm.ru

i-mash.ru

infomach.ru

book.ru

window.edu.ru

e.lib.vlsu.ru

mivlgu.ru

mivlgu.ru/iop

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Компьютерный класс. Помещение для самостоятельной работы обучающихся

ЭВМ Intel Core 2 E4400 2,0 ГГц, ЭВМ Intel Core 2 E5500 2,8 ГГц, сканер Epson GT 15000. ПК CPUID Intel(R) Core(TM) i5-3330 CPU @ 3.00GHz/ Chipset\$H77-D3H_BIOS DATE/RAM 8150 Мб/HDD 1024 GB/ LG FLATRON E1910 -12 шт.

9. Методические указания по освоению дисциплины

Для успешного освоения теоретического материала обучающийся: знакомится со списком рекомендуемой основной и дополнительной литературы; уточняет у преподавателя,

каким дополнительным пособиям следует отдать предпочтение; ведет конспект лекций и прорабатывает лекционный материал, пользуясь как конспектом, так и учебными пособиями.

До выполнения лабораторных работ обучающийся изучает соответствующий раздел теории. Перед занятием студент знакомится с описанием заданий для выполнения работы, внимательно изучает содержание и порядок проведения лабораторной работы. Лабораторная работа проводится в компьютерном классе. Обучающиеся выполняют индивидуальную задачу в соответствии с заданием на лабораторную работу. Полученные результаты исследований сводятся в отчет и защищаются по традиционной методике в классе на следующем лабораторном занятии. Необходимый теоретический материал, индивидуальное задание, шаги выполнения лабораторной работы и требование к отчету приведены в методических указаниях, размещенных на информационно-образовательном портале института.

Самостоятельная работа оказывает важное влияние на формирование личности будущего специалиста, она планируется обучающимся самостоятельно. Каждый обучающийся самостоятельно определяет режим своей работы и меру труда, затрачиваемого на овладение учебным содержанием дисциплины. Он выполняет внеаудиторную работу и изучение разделов, выносимых на самостоятельную работу, по личному индивидуальному плану, в зависимости от его подготовки, времени и других условий.

Форма заключительного контроля при промежуточной аттестации – зачет. Для проведения промежуточной аттестации по дисциплине разработаны фонд оценочных средств и балльно-рейтинговая система оценки учебной деятельности студентов. Оценка по дисциплине выставляется в информационной системе и носит интегрированный характер, учитывающий результаты оценивания участия студентов в аудиторных занятиях, качества и своевременности выполнения заданий в ходе изучения дисциплины и промежуточной аттестации.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению *15.03.05 Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств* и профилю подготовки *Цифровые технологии в машиностроении*
Рабочую программу составил *к.т.н., доцент кафедры ТМС Баринов С.В.*_____

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры *ТМС*

протокол № 28 от 07.05.2026 года.

Заведующий кафедрой *ТМС* _____ *Яшин А.В.*

(Подпись)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании учебно-методической комиссии факультета

протокол № 6 от 12.05.2026 года.

Председатель комиссии МСФ _____ *Калиниченко М.В*

(Подпись)

(Ф.И.О.)

Фонд оценочных материалов (средств) по дисциплине
Основы математического моделирования

**1. Оценочные материалы для проведения текущего контроля успеваемости
по дисциплине**

Почему исходное уравнение для выявления математической модели выбрано в виде ряда (многочлена), почему оно называется уравнением регрессии, а его коэффициенты – коэффициентами регрессии?

В каких случаях факторы, влияющие на показатель процесса, считаются существенными, как производится выбор интервалов варьирования факторов?

Зачем выполняется регрессионный анализ?

Почему показатели степени факторов надо принимать буквенными?

В каких случаях матрица становится ортогональной, зачем надо делать матрицу ортогональной, от чего зависит количество коэффициентов ортогональности?

На основе чего и как выявляются коэффициенты ортогональности?

Можно ли определять коэффициенты регрессии независимо друг от друга, если матрица не будет ортогональной?

Почему рационально выполнять параллельные опыты на среднем уровне факторов, сколько надо проводить таких опытов, как определяется дисперсия опытов?

В чем преимущества независимого определения коэффициентов регрессии?

Почему дисперсия в определении коэффициентов регрессии рассчитываются независимо друг от друга, и как это делается?

Как определяют расчетные t-критерии, с чем их сравнивают, в каких случаях коэффициенты регрессии – значимые, а в каких – незначимые?

Зачем сравнивают введенные величины показателей с рассчитанными (по разностям и в процентах)?

О чем свидетельствует незначимость коэффициентов регрессии?

Как определяется адекватность и точность математической модели?

Как выявляются уравнения регрессии двухфакторного, трехфакторного, многофакторного процесса?

Почему совпадает количество опытов в плане и количество членов в уравнении регрессии?

Почему для каждого фактора отдельно выявляются коэффициенты ортогонализации?

Почему надо выполнять расчеты на ЭВМ с такой точностью, какую может обеспечить вычислительная машина?

В каких случаях рационально применять язык программирования Бейсик?

Каков алгоритм математического моделирования, почему надо до рассмотрения компьютерных программ изучить язык программирования Бейсик, можно ли не зная операторов языка Бейсик рассматривать и анализировать программы на этом языке?

Из каких частей состоят программы математического моделирования?

Почему расчеты по математическим моделям надо выполнять, используя общую программу математического моделирования?

Как выполняются расчеты по математическим моделям и графические построения?

Каковы преимущества представления результатов расчетов в абсолютных и относительных величинах, как выявляются максимальные и минимальные величины?

Почему выполнение программ надо заносить в файлы?

Можно ли оптимизировать, прогнозировать процессы, изобретать на основе моделирования?

Как выявляются факторы, существенно влияющие на показатели процесса, как можно уменьшить количество факторов, что дает применение комплексных факторов?

Почему надо изменять масштабы при графических построениях и что при этом достигается?

В каких случаях следует применять разные методы моделирования?

Какова эффективность моделирования, в чем заключаются преимущества изложенных выше методик математического моделирования?

Зачем в компьютерных программах предусмотрены различные переходы и можно ли их применять, если использовать не язык Бейсик, а другие языки программирования?

Что дает применение в компьютерных программах управляющей величины X?

Чем отличается аппроксимация от математического моделирования, в каких случаях надо применять многократно аппроксимацию?

Какие части компьютерных программ относятся к аппроксимации, выявлению математической модели, выполнению расчетов по математической модели, поиску максимальных и минимальных величин показателей, графическому построению зависимости показателя от фактора?

Почему по программе строятся графики и как это выполняется?

Можно ли многократно изменять масштабы графических построений и если можно, то зачем это надо делать?

Почему для выбора показателей степени фактора в исходном уравнении надо несколько раз использовать часть компьютерной программы, которая предусматривает аппроксимацию и в каких случаях после рассмотрения результатов аппроксимации можно переходить к математическому моделированию?

Что дает использование аппроксимации в комплексных компьютерных программах, как проверяется точность полученных результатов аппроксимации, а затем и математических моделей?

Почему использование файлов упрощает компьютерные программы на языке Бейсик, как выполняется анализ результатов выполнения программ при рассмотрении файлов, можно ли из файлов исключить ненужные сведения и добавлять необходимые для разъяснения полученных данных?

Как достигается универсальность компьютерных программ?

Почему математическое моделирование позволяет выполнять фундаментальные научные исследования, какие результаты моделирования рационально вносить в научные отчеты и использовать при разработке изобретений?

Общее распределение баллов текущего контроля по видам учебных работ для студентов

Рейтинг-контроль 1	устный опрос	20
Рейтинг-контроль 2	устный опрос	20
Рейтинг-контроль 3	устный опрос	20
Посещение занятий студентом		20
Дополнительные баллы (бонусы)		10
Выполнение семестрового плана самостоятельной работы		10

2. Промежуточная аттестация по дисциплине

Перечень вопросов к экзамену / зачету / зачету с оценкой.

Перечень практических задач / заданий к экзамену / зачету / зачету с оценкой (при наличии)

ОПК-5.1

Блок 1 (знать)

Номер 1

К какому классу моделей можно отнести спичечный коробок, если представить его моделью системного блока ПК при планировании своего рабочего места?

Ответ:

- (1) это идеальная, математическая модель
- (2) это вещественная, натурная модель
- (3) это вещественная, физическая модель
- (4) это не является моделью

Номер 2

Математическое моделирование это средство для

Ответ:

- (1) изучения свойств реальных объектов в рамках поставленной задачи
- (2) упрощения поставленной задачи
- (3) поиска физической модели

Номер 3

Какая из задач не имеет аналитической модели?

Ответ:

- (1) распознавание текста
- (2) поиск оптимального раскроя листа фанеры
- (3) демодуляция аналогового сигнала
- (4) расчет расхода топлива по заданной формуле

Номер 3

Какая математическая модель не относится к стохастическим?

Ответ:

- (1) идеальный газ
- (2) квантовый осциллятор
- (3) материальная точка
- (4) ни одна из предложенных

Номер 4

Инженеру во сне приснился новый шпиндель для двигателя, и он хочет его испытать, какую модель ему лучше предоставить токарям, чтобы ускорить процесс его изготовления?

Ответ:

- (1) идеальную, математическую
- (2) вещественную, математическую
- (3) идеальную, наглядную
- (4) вещественную, физическую

Номер 5

Какой модели быть не может?

Ответ:

- (1) вещественной, физической
- (2) идеальной, физической
- (3) вещественной, математической
- (4) идеальной, математической

Номер 6

Какая модель не является плодом человеческой мысли в общем случае?

Ответ:

- (1) математическая
- (2) наглядная
- (3) натурная
- (4) физическая
- (5) знаковая

Номер 17

Материальная точка это не только математическая, но и

Ответ:

- (1) натурная модель
- (2) физическая модель
- (3) наглядная модель
- (4) знаковая модель

Номер 8

Математическая модель в общем случае представляется через

Ответ:

- (1) вектор входных переменных
- (2) вектор выходных переменных
- (3) вектор внешних воздействий
- (4) все предложенное

Номер 9

При анализе движения электронов в диодном промежутке было построено две математические модели: сперва написана программа, моделирующая взаимодействие частиц, затем выведено уравнение движения электронов из теоретических соображений. Какие математические модели были применены в данных случаях?

Ответ:

- (1) сперва аналитическая, затем имитационная
- (2) вначале имитационная, затем аналитическая
- (3) две аналитические
- (4) две имитационные

Номер 10

Посмотрев на набор различных математических моделей, математик сформировал четыре общих утверждения для всех математических моделей. Какое из утверждений для произвольной математической модели верно?

Ответ:

- (1) каждая модель может быть решена численно
- (2) каждой модели соответствует реальный объект
- (3) каждая модель имеет уравнение (систему уравнений) в явном виде
- (4) каждая модель не может при одном и том же входном параметре иметь несколько различных решений (корней)
- (5) все утверждения неверны

Номер 11

Во время поиска лучшего результата были построены две различные математические модели: эксперимент на ЭВМ, моделирующий систему атомов и дифференциальная система уравнений, решенная численно, от двух полученных результатов взяли среднеквадратичный. Можно ли считать такой метод моделью?

Ответ:

- (1) да, это вещественная, математическая
- (2) да, это идеальная, математическая
- (3) да, это вещественная натурная
- (4) нет

Номер 12

Может ли идеальный электрический контур быть моделью математического маятника?

Ответ:

- (1) да, это случай изоморфизма
- (2) да, при отсутствии консервативных сил (гомоморфизм)
- (3) да, при отсутствии внешнего воздействия (гомоморфизм)
- (4) Нет, так как оба случая - уже модели

Номер 13

По поведению математических моделей во времени их разделяют на

Ответ:

- (1) детерминированные и стохастические
- (2) статические и динамические
- (3) непрерывные и дискретные
- (4) аналитические и имитационные

Номер 14

Для того чтобы модель была гомоморфная необходимо и достаточно в рамках поставленной задачи

Ответ:

- (1) полного соответствия между моделью и объектом
- (2) соответствия наиболее значительных параметров модели и объекта
- (3) какого-либо соответствия вообще между моделью и объектом
- (4) любая модель гомоморфна любому объекту

Номер 15

Верно ли описание: детерминированная, непрерывная, аналитическая, модель?

Ответ:

(1) нет, т.к. модель не может быть детерминированной и непрерывной одновременно

(2) нет, т.к. любая аналитическая модель уже является непрерывной

(3) да

Номер 16

Как называется замещаемый моделью объект?

Ответ:

(1) копия

(2) оригинал

(3) шаблон

(4) макет

Номер 17

Какое максимальное количество моделей одного объекта можно составить?

Ответ:

(1) любое количество

(2) 1

(3) 3

(4) 7

Номер 18

Сколько классов моделей существует?

Ответ:

(1) 4

(2) 2

(3) 3

Номер 19

Какие модели относятся к классу вещественных моделей?

Ответ:

(1) физические

(2) идеальные

(3) наглядные

(4) натурные

Номер 20

Какие модели нельзя отнести к классу мысленных моделей?

Ответ:

(1) физические

(2) натурные

(3) математические

(4) наглядные

ОПК-5.1

Блок 1 (уметь)

Номер 1

Какие модели входят в состав идеальных математических моделей?

Ответ:

(1) аналитические, функциональные, имитационные, комбинированные

(2) аналоговые, структурные, геометрические, графические, цифровые и кибернетические

(3) символы, алфавит, языки программирования, упорядоченная запись, топологическая запись, сетевое представление

Номер 2

Что такое математическая модель?

Ответ:

(1) точное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в математических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

(2) точное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в физических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

(3) приближенное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в математических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

(4) приближенное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в физических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

Номер 3

Чем является функционал "X" в представлении математической модели в виде системы функционалов $\Phi_i(X, Y, Z, t) = 0$?

Ответ:

- (1) вектором входных переменных
- (2) вектором выходных переменных
- (3) вектором внешних воздействий
- (4) координатой времени

Номер 4

В чем заключается построение математической модели?

Ответ:

(1) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно и качественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста математическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

(2) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста физическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

(3) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста математическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

(4) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно и качественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста физическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

Номер 5

Какие виды математических моделей получаются при разделении их по принципам построения?

Ответ:

- (1) аналитические
- (2) детерминированные
- (3) стохастические
- (4) имитационные

Номер 6

В зависимости от характера исследуемых реальных процессов и систем, на какие группы могут быть разделены математические модели?

Ответ:

- (1) непрерывные
- (2) детерминированные
- (3) имитационные
- (4) стохастические

Номер 7

Какие группы математических моделей не являются результатом распределения моделей по их поведению во времени?

Ответ:

- (1) статические
- (2) динамические
- (3) изоморфные
- (4) непрерывные

Номер 8

На какие группы можно разделить математические модели по виду входной информации?

Ответ:

- (1) статические
- (2) дискретные
- (3) непрерывные
- (4) динамические

Номер 9

На какие группы можно разделить математические модели по степени их соответствия реальным объектам, процессам или системам?

Ответ:

- (1) стохастические
- (2) изоморфные

(3) детерминированные

(4) гомоморфные

Номер 10

Как называется модель, если между ней и реальным объектом, процессом или системой существует полное поэлементное соответствие?

Ответ:

(1) стохастическая

(2) изоморфная

(3) детерминированная

(4) гомоморфная

Номер 11

Как называются модели, в которых предполагается отсутствие всяких случайных воздействий и их элементы (элементы модели) достаточно точно установлены?

Ответ:

(1) статические

(2) дискретные

(3) детерминированные

(4) динамические

Номер 12

В каком моделировании функционирование объектов, процессов или систем описывается набором алгоритмов?

Ответ:

(1) аппроксимационном

(2) имитационном

(3) аналитическом

Номер 13

Что означает сокращенное обозначение модели СДА?

Ответ:

(1) стохастическая, дискретная, аналитическая

(2) стохастическая, детерминированная, аналитическая

(3) дискретная, стохастическая, аналитическая

Методические материалы, характеризующие процедуры оценивания

Формой промежуточной аттестации обучающихся является зачёт, который проводится на основе вопросов к зачёту, приведённых в п.6.3.

Зачёт формируется по результатам ответов, с учетом индивидуального итогового рейтинга студента. Рейтинг студента включает в себя баллы, начисляемые по результатам отчётов за лабораторные работы, а также бонусные баллы за посещаемость и активность на занятиях. Каждому студенту задаётся 2-3 вопроса. Текущий контроль успеваемости студентов проводится на основе перечня вопросов для проведения текущего контроля успеваемости, приведенных в п.6.3.

Максимальная сумма баллов, набираемая студентом по дисциплине равна 100.

Оценка в баллах	Оценка по шкале	Обоснование	Уровень сформированности компетенций
Более 80	«Отлично»	Содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимальному	Высокий уровень
66-80	«Хорошо»	Содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы недостаточно, все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество выполнения ни одного из них не оценено минимальным числом баллов, некоторые виды заданий выполнены с ошибками	Продвинутый уровень

50-65	«Удовлетворительно»	Содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, некоторые из выполненных заданий, возможно, содержат ошибки	<i>Пороговый уровень</i>
Менее 50	«Неудовлетворительно»	Содержание курса не освоено, необходимые практические навыки работы не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки	<i>Компетенции не сформированы</i>

3. Задания в тестовой форме по дисциплине

Примеры заданий:

1. Математическое моделирование это средство для
 - а) изучения свойств реальных объектов в рамках поставленной задачи
 - б) упрощения поставленной задачи
 - в) поиска физической модели
 - г) принятия решения в рамках поставленной задачи

2. Какой модели быть не может?
 - а) вещественной, физической
 - б) идеальной, физической
 - в) вещественной, математической
 - г) идеальной, математической

3. По поведению математических моделей во времени их разделяют на
 - а) детерминированные и стохастические
 - б) статические и динамические
 - в) непрерывные и дискретные
 - г) аналитические и имитационные

4. Как называется замещаемый моделью объект?
 - а) копия
 - б) оригинал
 - в) шаблон
 - г) макет

Полный перечень тестовых заданий с указанием правильных ответов, размещен в банке вопросов на информационно-образовательном портале института по ссылке <https://www.mivlgu.ru/iop/course/view.php?id=2828>

Оценка рассчитывается как процент правильно выполненных тестовых заданий из их общего числа.